

# Analysemuligheter i DAGUT og FINUT

Trond Reitan 19/9-2013

(revidert 31/5-2016)



Norges vassdrags- og energidirektorat

# Innholdsfortegnelse (1)

#### Innhenting av tidsserier:

- > <u>Avanserte aggregasjonsmetoder</u>
- Avanserte arkiv
- Separat årsvalg i DAGUT
- Interpolasjon over hull
- Bruk av alternative vannføringskurver, magasintabeller og dataserie-definisjoner
- Usikkerhet i vannføringstidsserier
- Innhenting av data fra et gitt dyp i en vertikalserie
- Glidende midling og andre typer glidende statistikk
- Kraftverksimulering

#### Visning av serier:

- Visning av korreksjonsmerker
- Polarplott.
- Plotting av to serier mot hverandre (punktsverm)



# Innholdsfortegnelse (2)

#### Analysemoduler:

#### Tabellmoduler:

- Serie-statistikk
- Hull-statistikk
- Kraftverksimulerings-statistikk
- E-tabell

#### Grafiske analysemoduler:

- > Autokorrelasjons-analyse (sammenheng mellom målinger tatt ved ulike tidspunkt) til hver valgt serie
- Krysskorrelasjons-analyse (sammenheng mellom målinger i to ulike serier på ulike tidspunkt)
- Histogram og varighetskurver
- Fourier-analyse: Plotting av seriene i frekvensrommet
- Markov-analyse: Plotting av fordelingen til måling gitt forrige måling
- Regresjonsanalyse sammenhengen mellom ett datasett og andre
- Ekstremverdianalyse (flomfrekvens- og lavvanns-analyse)
- Reguleringskurve
- Tunnelkapasitetskurver



# Avanserte aggregeringsmetoder (1)

Ved aggregering samler man målinger innefor hver tidsenhet, med en oppløsning (tidssteg) brukeren bestemmer (for eksempel en time eller en måned). FINUT tillater tidssteg opp til ett døgn, mens DAGUT tillater tidssteg fra ett døgn og oppover. For målingene inne i hvert tidssteg blir det så beregnet en statistikk (et oppsummerende tall).

- <u>Gjennomsnitt</u> er kanskje den mest normale aggregeringsformen.
- Minimum, maksimum og sum er det også ofte behov for.
- <u>Persentiler</u> angir verdier der det er en gitt sannsynlighet for å være under den gitte verdien.
  - Median er 50%-persentilen, d.v.s. den verdien der tidsserien er høyere i 50% av tiden og lavere i 50% av tiden. Median er følgelig noe annet enn gjennomsnitt.
  - For persentiler (og spesielt median), blir data i hver tidssteg sortert, og den verdien som har rett indeks blir hentet ut.
- Man kan også finnes verdier via metoder fra matematisk statistikk for hvert tidsskritt.
  - > <u>Standard-avviket</u>er ofte brukt i statistisk analyse til å angi typisk variasjon i data.
  - Gjennomsnitt pluss eller minus standardavvik kan ofte brukes sammen med knekkpunktsverdiene til å skille ut de mer ekstreme målingene.
  - <u>(Skjevhet</u> er også lagt inn men har få anvendelsesområder.)



# **Avanserte aggregeringsmetoder (2)**

- <u>Flerårs-statistikk</u> er statistikk der man ser på samme tidsperiode i året for alle år i serien.
  - En flerårs-median på døgnoppløsning er altså median verdi for alle målingene foretatt på samme dag i året.
  - > Flerårs-statistikk er kun tilgjengelig i DAGUT, siden dette programmet har fokus på årsblokker.
- <u>Derivasjon</u> er der man finner endringen i verdi pr tidssteg.
  - Derivert vannføring kan gi en pekepinn på hvor fort for eksempel vannføringen kan endre seg i tid.
- Statistikk-metodene "<u>avvik fra normal årsvarisjon</u>" ("konform statistikk" tidligere) trekker fra flerårs-midlet og deler på flerårs-standardavviket.
  - Man får dermed avviket fra midlere årlig tilstand i en enhet som har samme variasjon for alle dagene i året. Nytten kan ses i for eksempel autokorrelasjonsanalyse. En slik analyse på rene temperaturdata vil gi en korrelasjonslengde på rundt tre måneder, som rett og slett angir at det er forskjell på vinter og vår.
  - Hvis man ser på avvik fra normal årsvariasjon før analysen, får man en korrelasjonslengde på rundt fire-fem dager, som gir en bedre pekepinn på hvor lenge en i gjennomsnitt kan regne med at temperaturen holder, sett i forhold til hva som er normalt på den tiden av året. I FINUT er det også mulig å se på avvik fra ukesvariasjon og fra døgnvariasjon.



## **Avanserte arkiv**

Noen av arkiv-valgene i serievalgmodulen innebærer at man foretar operasjoner på andre datakilder. Andre kan være vanskelig å forstå av andre grunner.



**Eklima**: Man kan hente inn værdata direkte fra met.no via dette logiske arkivet. En hel del behandling av data blir gjort, siden met.no har en annen struktur på sine tidsserier enn det NVE har. Henting av data kan ta litt tid.

- **Døgn-statistikk**: Kvalitetsstemplede flerårsstatistikker blir lagret på et separat område i databasen. Data kan hentes via dette arkivvalget.
- **Vannførings-målinger** (kalibreringsmålinger) kan hentes som tidsserie.

- **Komplett:** Hensikten er å lage en lengst mulig sammenhengende tidsserie med sammenskjøting av både kontrollerte og ukontrollerte data. I prioritert rekkefølge leses:
  - HYDAG (sekundærkontrollert døgnoppløsningsdata),
  - HYKVAL (primærkontrollert findata),
  - HYTRAN (ukontrollert findata)
  - REAL\_TIME\_OBS (sanntidsdata) (Hvis tidsoppløsningen er satt til findata, kan ikke HYDAG hentes. Hvis tidsoppløsningen er satt til knekkpunkt vil HYKVAL ha prioritet fremfor HYDAG.)

**Findata uten isreduserte dager**: Her hentes data fra alle døgn i HYKVAL der døgnmidlet avviker mindre enn 10% (kan endres av brukeren) fra HYDAG. Andre døgn settes manglende. Poenget er å kun ta med data uten is oppstuving eller andre feil i ekstremverdianalyse på findata.

Virtuelt isreduserte findata: Her hentes data fra alle døgn i HYKVAL. Men der døgnmidlet på HYKVAL avviker mer enn 10% (kan foreløpig ikke endres av brukeren) fra HYDAG, blir verdiene justert ut ifra forskjellen i døgnmiddel. Justeringen foretas ut ifra hvor langt unna middag (kl 12:00) tidspunktet er, slik at en måling kl 12:00 en dag bare forholder seg til avviket den dagen, en måling kl 0:00 vil benytte seg like mye av avviket den dagen og forrige, mens en måling kl 18:00 benytter seg 75% av avviket den dagen og 25% av avviket neste dag. Poenget er å hente findata som om de hadde vært isredusert og på en slik måte at justeringene er glidende, ikke bare døgn-for-døgn.

# Separat årsvalg i DAGUT

Kan brukes til å:

- sammenligne analyseutfall for flere utvalg av år.
- sammenligne flerårs-statistikk på flere utvalg av år.
- sammenligne flerårs-statistikk med et enkelt-år.

Eksempel:

Flerårs-middel sammenlignet med et enkelt-år: Hente tidsserien to ganger. Man kan så markere de årene en er interessert i å ha flerårs-middel for og velge flerårs-middel på første innhentning. Deretter kan man trykke knappen "årsvalg" for den andre innhentning og velge det året man er interessert i. Velger man f.eks. så plotting, vil de to innhentingene vises sammen.



															. 0	
ivs)	lutt	Plott	Analyse	Data-tab	eller/ek	sport Di	verse									Hjel
-	Fjer	n H Var	YDAG_POIM nføring(1	NT: Farsta 1001).1	delva v/	F ( 107. 1965-2011	3, 0)	Døgr	n 💷		erårsmiddel	-	m³/s	- Årsva	alg: 🗆	1
r	Fjer	n H Var	MDAG_POIM nføring(:	NT: Farsta 1001),1	delva v∕	F ( 107. 1965-2011	3, 0)	Døgr	1 =			-	m²/s	- Årsva	alg:	
1	Hent							Døgr	n =			=	77	- Årsva	al9: 🗉	
1	nent							Døgr	-			-	??	Årsva	9: 🗆	
	•	• •	•				, • I									
HII	e ar p	a HIIE	ar au	<del>ni</del> te ar pa	a mellom	veig fei	les ar									
F	201	2010									ĥ					
F	2009	<b>E</b> 2008	<b>=</b> 2007	<b>=</b> 2006	<b>E</b> 2005	<b>E</b> 2004	<b>=</b> 2003	<b>=</b> 2002	<b>2001</b>	<b>E</b> 2000						
F	1999	<b>F</b> 1998	<b>F</b> 1997	<b>F</b> 1996	<b>=</b> 1995	<b>F</b> 1994	<b>=</b> 1993	<b>=</b> 1992	<b>=</b> 1991	<b>F</b> 1990				/		
	1989	<b>=</b> 1988	<b>=</b> 1987	<b>=</b> 1986	<b>=</b> 1985	<b>=</b> 1984	<b>=</b> 1983	<b>=</b> 1982	<b>I</b> 1981	<b>F</b> 1980				/		
<b>F</b>			<b>1</b> 977	<b>1</b> 976	<b>=</b> 1975	<b>=</b> 1974	<b>=</b> 1973	<b>=</b> 1972	<b>=</b> 1971	<b>=</b> 1970						
<b>F</b>	1979	1978	- 10//	- 1010							1.4		_			

[	🗙 Valg av	separate å	c						V		×
	Alle år	på Alle	år av I	Alle år på	å mellom	Velq fe	Hes de				
	<b>E</b> 2011	2010									
	2009	2008	2007	⊒ 2006	2005	2004	2003	2002	2001	2000	
	□ 1999	⊒ 1998	🗆 1997	⊒ 1996	⊒ 1995	⊒ 1994	⊿ 1993	⊒ 1992	⊒ 1991	⊒ 1990	
	□ 1989	⊒ 1988	🗆 1987	□ 1986	⊒ 1985	⊒ 1984	⊒ 1983	⊒ 1982	⊒ 1981	□ 1980	
	1979	□ 1978	□ 1977	⊒ 1976	⊒ 1975	⊒ 1974	⊒ 1973	⊒ 1972	□ 1971	⊒ 1970	V
	Avbryt	OK									

# Interpolasjon over hull (1)

- Flere typer analyse krever komplette data (data uten manglende verdier), slik som Fourier-analyse og autokorrelasjon. I andre analyser er kompletthet ønskelig, slik som i ekstremverdianalyse.
- Plott kan ofte se bedre ut presentasjonsmessig hvis hull er ifylt.
- Når data ikke er komplett, må man da interpolere over hull. Normalt gjøres dette med lineær interpolasjon (enten i original skala eller logskala). Man kan benytte kompletteringsserier via regresjon også (mer avanserte statistiske metoder som Kalman-filtre kunne kanskje være ønskelig). Men normalt brukes bare lineær-interpolasjon.
- Interpolasjon bør skje under henting av data. Med andre ord, opsjonen om lineær interpolasjon må være satt på før henting av data.
- Både i DAGUT og FINUT må man sette maksimalt tidsintervall man ønsker å interpolere over.



# Interpolasjon over hull (2)

Opsjon for lineær interpolasjons settes i **DAGUT** med menyvalget "Diverse->Interpoler ved henting". Man setter så maksimalt antall døgn man kan interpolere over:



Opsjon for lineær interpolasjons settes i **FINUT** med menyvalget "Diverse->Interpoler over hull". Man setter så maksimalt antall timer, døgn og år:





Norges vassdrags- og energidirektorat

## Interpolasjon over hull (3) Alternativer (1)

Alternativt til å sette lineærinterpolasjon før innhenting kan følgende metoder være relevante:

 Hvis poenget er å aggregere til grovere tidsoppløsning, kan man i stedet sette toleranse for manglende verdier (fra 0 til 1=100%). 0.3 betyr da at man tillater at så mye som 30% manglende verdier i et tidsintervall man aggregerer opp.





## Interpolasjon over hull (4) Alternativer (2)



 I FINUT kan man fjerne manglende verdier før innhenting. Analyser vil da ofte ikke klage og plott vil trekke rette linjer mellom hvert punkt med ekte målinger, noe som i praksis blir det samme som lineærinterpolering.





# Bruk av alternativ vannføringskurve eller magasintabell (1)

Vannføringsseriene våre lagres som vannstandstidsserier i kombinasjon med en avledningsregel for vannstand->vannføring, en vannføringskurve. Vil du vite hvordan vannføringsserien ville ha sett ut med samme vannstands-tidserie men en annen avledningsregel, kan du velge en alternativ vannføringskurve.

X DAGUT version 4.1

(Tilsvarende for magasinvolum).



# Bruk av alternativ vannføringskurve eller magasintabell (2)

Når knappen for alternativ vannføringskurve trykkes, dukker et bilde lik det til programmet VFTAB opp. Her kan du velge en annen offisiell kurve eller kurvegenerering fra databasen eller du kan hente fra fil. (Tilsvarende vil et vindu tilsvarende VOLUMTAB dukke opp for



## Bruk av alternativ generell dataserie

Såkalte "generelle dataserier", er avledningsregler med ulike matematiske uttrykk som kan inkludere en eller flere andre tidsserier. Avledningsreglene er periodevise og kan benytte seg av ulike serier og ulike regler på ulike perioder.



# Usikkerhet i vannføringstidsserie (1)

Vannføringstidserier lages av vannstands-tidsserie og vannføringskurve. Usikkerhet i vannføringskurve gir derfor usikkerhet i vannførings-tidsserier. Programmet for vannføringskurve-tilpasning, VFKURVE3, lagrer informasjon om kurveusikkerhet.

For kurver lagd i VFKURVE3 kan denne informasjonen hentes og brukes til å avlede vannføringstidsserie-usikkerhet. Øvre og nedre del av 95% troverdighetsintervall kan vises sammen med avledning fra offisiell kurve.

Når en vannføringstidsserie er valgt, trykk "kurveusikkerhet", hent serien

og plott den.-

Framgangsmåten er er lik i DAGUT.

Alternativt kan usikkerhetsgrensene hentes separat som egne serier ved å velge parametrene "VF øvre-troverdighet" og "VF-nedre troverdighet".





# Usikkerhet i vannføringstidsserie (2)

#### Eksempler:



Åbjørvatn: Her er kurven forholdsvis sikker, selv på høye vannstander (sett i forhold til vannstandstidsserie). Utslagene blir derfor ikke så store.



Farstadelva: Her er vannførings-usikkerheten stor for høye vannstander. En estimert vannføring på 4m<sup>3</sup>/s kan egentlig være så lite som 3m<sup>3</sup>/s eller så mye som 5m<sup>3</sup>/s.

NB: Når man henter inn tidsserier med usikkerhet kan det gå lang tid før man får de inn i DAGUT/FINUT. Grunnen er at masse ulike kurver fra genererings-databasen må hentes.



# Innhenting av vertikaldata fra gitte dyp

Vertikaldata er målinger som for en lokasjon varierer både over tid og <u>dyp</u>. For å hente ut en tidsserie må man derfor først spesifisere hvilke dyp man er interessert i. Når en vertikalserie velges, vil man få opp et vindu som viser dypene, slik at man kan velge hvilke man er interessert i.



Man kan også velge å hente data for alle dypene som finnes for serien.



# Glidende midling og annen glidende statistikk (1)

- Glidende midling er først og fremst en metode for å glatte kurver. Hvis man er interessert i å se de store trendene i en tidsserie uten å hefte seg med all "støyen", er dette analysemetoden å bruke.
- Sett at man har en basis-serie som man ønsker å foreta glidende statistikk på. For hver "måling" (tid+verdi) blir det foretatt en statistisk analyse av data i området rundt målingen. Brukeren bestemmer hvor stort dette området skal være (for eksempel ett år). For glidende boks-<u>midling</u> er det en aritmetisk gjennomsnittverdi for disse 365 dager med data som blir beregnet. For såkalt Gauss-midling blir det også foretatt en midling, men med ulike vekt på de ulike målingene innenfor området (målinger nær originalmålingen gis større vekt enn de lengre unna). Midlingsrutina går så til neste måling og foretar samme analyse på data rundt denne målingen.
- For boks-midling er alle målinger innefor det gitte området like viktig. Dette åpner for andre typer glidende statistikk, også.
- For nedbør kan det for eksempel være behov for glidende summering, hvis man ønsker å finne de (for eksempel) 24 timer med mest nedbør i en serie. Eller man kan finne glidende minimal- og maksimalverider for å finne omhyllingkurver til selve tidsserien. Glidende middel pluss eller minus standardavvik kan fremheve de verdier i en tidsserie som stikker seg ut.
- Merk at for at hver måling skal være like viktig, må tidsserien inneholde jevnt fordelte målinger. Knekkpunktdata blir derfor ikke godtatt.

## Glidende midling og annen glidende statistikk (2)

DAGUT og FINUT har ulike måter å starte opp vinduet for glidende midling.





## Glidende midling og annen glidende statistikk (3)

Man får nå opp et vindu der man kan velge opsjonene for den glidende statistikken. Man setter det glidende vindus størrelse (tidsenheter), vekt-policy og/eller statistikk.





## Glidende midling og annen glidende statistikk (4)

Eksempler på bruk av glidende statistikk.

 Trendanalyse med boksmidling på stort tidsintervall. Her ettårs-intervall for Farstad. Ingen tydelig trend i den ene eller andre retningen kan ses.

 Omhyllningskurve. Her er temperaturdata fra Rustadskogen hentet inn på timesoppløsning sammen med sjudagers glidende maksimum og minimum.



NB: Er man mer interessert i glidende statistikk, først og fremst glidende max og min, kan man se på programmet "topextremes".

# Kraftverksimulering (1)

Velger man en vannføringstidsserie, har man mulighet til å foreta kraftverksimulering på denne. Man klikker da på knappen merket "kraftverksimulering" i serievalgmodulen.





# Kraftverksimulering (2)

#### Her er et eksempel på et ifyllt kraftverksimuleringssvindu.

	🔀 Kjøreparametre til kraftverksimulering	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	Tedsserier ut:	Kraftproduksjonsparametre:
Tidsserier ut:	F Akkumulert energi inne i tidsskritt (J)	Fallhøyde (m):
	Akkumulert energi inne i tidsskritt (kWh)	
Man ma sette nva man	I Hinstevannføring (∎^3/s)	Vannføring (m^3/s): 0.1 Effektivitet (%): 0
vil ha ut fra en	■ Lavvannstap (w^3/s)	
kraftvorksimularing Dat	📮 📕 Produksjonsvannføring (m^3/s)	Vannføring (m^3/s): 0.2 Effektivitet (%): 10
	⊨ Flomtap (m^3/s)	Vannfering ( $\mu^{2}/a$ ): 0.5
er mange opsjoner her.	☐ Tap (lavvannstap+flomtap, m^3/s)	
	I Totaltap (tap+minstevannføring, m^3/s)	Vannføring (m^3/s): 0.6 Effektivitet (%): 60
	▲ Lavvann (lavvannsstap+minstevannføring, m^3/s)	
	T ⊥ Hit unntatt minstevannføring, m 5/s)	Vannføring (m^3/s): 0.7
	Focareaning ing car brak i sumering ing in 3/3/	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	Spesifisering av minstevannføringskrav:	**
<u> </u>	Antall sesonger: 2 Sett antall sesonger	Sommer/vinter-oppdeling
	Start: 3/5 Slutt: 30/9 Vancaring (m^	(/s): <u>}</u> .0
	Start+ 3/10 Slutt+ 20/4 Vandarian (8	
	Sjekk sesonger	
	·····	
Maks slukeevne og	Hits slukeevne (m^3/s): 1 Min driftsvann	igring (m^3/s): 0.2
	Note and (but forskiellin for tidespiers mitt):	(Snift for hale carian nå demonstration) 1 100 )
minimal driftsvannføring	Antifaity (note for exjering the classes fore shift).	1 Pinte for here series på degroppiparing. 1.100 /
må også settes.	OK Avbryt Lagre definisjon på file Hente defi	nisjon fra file
	· · · ·	
		Om man vil skalere
	N	vannføringen inn ved å
	N N	
Siden det er mye	jobb på fylle ut all ㅣ 🔪	sette en ny
nødvendig inform	asion kan man lagre	middelvannføring, kan
		man giøre det men dette
dette og nente de	t senere.	inan gjøre det, men dette
		er en opsjon.

Brukes energi eller effekt som tidsserie ut, må man sette energiekvivalensen til en kubikkmeter vann.

Dette kan gjøres direkte, eller indirekte via å velge fallhøyde.

Man må også sette 5 punkter på vannføring-effektivitet-funksjonen. Resten ordnes via lineær interpolasjon.

Første punkt bør være der effekten er null.

Siste to punkt bør ha lik effekt for å sikre at effekten ikke kan øke forbi den gitte vannføringen.

Minstevannføring settes sesongvis.

Man kan sette sesongene manuelt.

Det er mulig å bruke ferdigknapper for å sette selve sesonginndelingen.

Til sist kan man sjekke at den sesonginndelingen man har valgt er fornuftig. Ellers sjekkes dette når man klikker "ok"-knappen.



Norges vassdrags- og energidirektorat

# Kraftverksimulering (3)

Her er et eksempel på et ifyllt kraftverksimuleringssvindu.

🗙 Kjøreparametre til kraftverksimulering										
Tidsserier ut:	Kraftproduksjonsparametre:									
Akkumulert energi inne i tidsskritt (J)	Fallhøyde (m):									
⊐ Akkumulert energi inne i tidsskritt (k⊍h)		24								
□ Effekt (W)	In an example of the second se	- X D.	AGUT versj							
⊐ Minstevannføring (m^3/s)	Vannføring (N°3/s): 0,1									
📕 Lavvannstap (m^3/s)		Ôus	Quelutt Plott Analuse Data-tabeller/eksport Diverse							
📕 Produksjonsvannføring (m^3/s)	Vannføring (m°3/s): 0.2 Effektivitet (%): 10	HVSIULE FIGLE HHAIGSE DALA-LADETTERVEKSPORT DIVERSE								
■ Flowtap (n^3/s)										
⊒ Tap (lavvannstap+flomtap, m^3/s)	vanntøring (# 5/5); 0.5									
⊐ Totaltap (tap+minstevannføring, m^3/s)	Handberry (1974) and		Fiern	HYDAG_PUINT: FarstadeIva v/F ( 107,	5, 0)	Døgn 🗖				
⊒ Lavvann (lavvannsstap+minstevannføring, m^3/s)	Vannføring (W 3/S): U.6		1 30111	Vannføring(6101).1 1965-2011						
□ Alt unntatt minstevannføring, m^3/s)										
□ Totalvannføring (til bruk i sammenligning, m^3/s)	Vannføring (m°3/s): 0.4 Effektivitet (Z): 60									
Specificerino au mineteuannfærinoskrau*			Fione	HYDAG_POINT: Farstadelva v/F ( 107. 3	3, 0)	Nøon 🖃				
opesitise ing av aniscevaling ingskrav.			FJern	Vannføring(6103),1 1965-2011						
Antall sesonger: 2 Sett antall sesonger	Sommer/vinter-oppdeling Ingen sesong-oppdeling									
Start: 1/5 Slutt: 30/9 Vannføring (m	n3/s): <mark>0.0</mark>		E tana	HYDAG_POINT: Farstadelva v/F ( 107, 3	3, 0)	Deten 🖃				
			Fjern	Vannføring(6104).1 1965-2011						
Start: <u>]/10</u> Slutt: <u>]0/4</u> Vannføring (m	n3/s): <mark>0.0</mark>									
				HYDAG POINT: Farstadelva v/F ( 107. 3	3, 0)	Deter I				
			Fjern	Vannføring(6105).1 1965-2011		Døgn 💻				
Sjekk sesonger										
Maks slukeevne (m^3/s): 1	nføring (m^3/s): 0.2									
Middeltilsig (hvis forskjellig fra tidsseriens snitt)	: [ (Snitt for hele serien på døgnoppløsning: 1.100 )	1								
UK Hubryt Lagre definisjon på file Hente def	inisjon fra file									

Når jobben med å fylle ut kraftverk-informasjonen er gjort, trykker man "ok". Hvis informasjonen ikke inneholder selvmotsigelser, vil man etter henting i dette tilfelle få fire serier, nemlig energi, lavvannstap, produksjonsvannføring og flomtap. Disse seriene kan behandles som hvilke som helst andre serier for videre visning og analyse.

#### Se side 32 for statistikk på kraftverksimuleringer

# Visning av korreksjonsmerke (1)

Korreksjonsmerker er status-flagg tilknyttet enkeltmålinger som blir lagret under kontroll av en tidsserie. Disse kan vises i plott og tabellutskrift.





# Visning av korreksjonsmerke (2)

Default er at korreksjonsmerker vises for enkeltserier, men ikke når multiple serier er valgt. Dette kan imidlertid endres av brukeren.

I DAGUT forandres dette ved å gå til menyvalget

'Diverse->Korreksjonsmerke-policy':





# Polarplott

Polarplott viser data på en sirkulær måte over året (eller også døgnet i FINUT).

Her har man valgt å hente flerårsmiddel for serien 107.3.0.1001.1 (Farstad) og samtidig året 2011 via separat årsvalg. Et polarplott (menyvalg "Plott->Vis årspolarplott") gir da en grei pekepinn på hvordan dette årets data avviker fra midlere vannføring. Plottet oppfører seg forholdsvis lik vanlige plott, på den måten at du kan styre plottefarger, grid på/av etc.





## Plotting av to serier mot hverandre - punktsverm (1)

To tidsserier kan plottes mot hverandre for å se på samvariasjonen mellom dem. F.eks. kan man plotte vannstand mot vannføring for ulike måletidspunkt, eller vannføring mot temperatur.

For å vise en punktsverm, hentes først to serie som går over samme tids-periode. (Det går også an å hente enda et par med tidsserier med innbyrdes matchende tids-perioder.) I DAGUT kan det lønne seg å bruke opsjonen "Velg felles år". Deretter benyttes menyvalget "Plott->punksverm".



- Ei heller er tilpasning av todimensjonal fordelingsfunksjon mulig her, men dette kan forandres på hvis det er interesse for det.
- Merk at hvis en er interessert i å undersøke om det kan finnes noen funksjonssammenheng (for eksempel rett linje) mellom to målesett, bør man heller starte regresjonsmodulen.

Her er logaritmisk skala på y-aksen brukt, for lettere å kunne se små vannføringer.

## Plotting av to serier mot hverandre - punktsverm (2)

Ser man på vannstand og vannføringsdata sammen, kan man få en indikasjon på vannføringskurveperiodene som eksisterer der. Punktene i punktsvermen vil da ligge som perler på en del snorer. Eksempelet er hentet fra Farstadelva, som har svært mange perioder (6).



Merk at både DAGUT og FINUT kan hente fra arkivet for vannføringsmålinger. Dette betyr at man kan få nesten samme plott som i programmet 'vfpunkter' og 'vfkurve3' her også.

## Serie-statistikk

- Serie-statistikk gir en tekstlig oversikt over gjennomsnitt, median, minimum maksimum og evt. en del annen interessant statistikk (viktige persentiler samt skjevhet).
- Serie-statistikk kan vises for serien totalt sett, eventuelt også år-for-år-statistikk
- Sesong (avgrensning av året) kan også settes. Sesongen kan krysse 1/1.
- Man går til menyen "Analyse: serie-statistikk" i DAGUT og FINUT for å vise dette.

X DAGUT versjon 4.1						
Avslutt Plott Analyse Data-tabeller/eksport Diverse Regresjonsanalyse Fourier-analyse Histogram/varighetskurve Ekstremverdi-analyse Vis kryss-korrelasjon Vis auto-korrelasjon Serie-statistikk	HYDAG_POINT 107,3,0,1001,1 01,01,1965 12:00-31,12,2011 12:00 Dean verdier middelverdier enhet: m³/s   Total 17166 punkter, 16885 punkter med data ( 98,4%)   Bra grunnlag for statistikk   Sesong-start: D1/01   Sesong-start: D1/01   Sesong-slutt: 31/12   Foreta årlig statistikk:   Vis persentil-verdier: Vis standardavvik:   Vis skjevhet: Vis mergden av manglende data;   Avbryt Foreta analyse					
E-tabell Kraftverksimuleringsoversikt Regulerings- og summasjons-kurve	HYTEXT # mean = aritmetisk gjennomsnitt # min = minmalverdi max = maksimalverdi percXX = XX2-persentil					
'S: Merk at serien blir analysert <u>etter</u> at serien er entet i DAGUT eller FINUT. Dermed vil den tids-	HYDAG_POINT 107,3.0.1001.1 01.01.1965 12:00-31.12.2011 12:00 Døgn-verdier middelverdier enhet:m <sup>°</sup> /s Sesong: 01.01 - 31.12 Total 17166 punkter, 16885 punkter med data ( 98.4%) Bra grunnlag for statistikk   mean   min   max   perc05   perc25   median   perc75   perc95					
ggreggering du foretar ved innhentingen bli brukt av tatistikk-modulen igjen. Dette gjør at man kan hente eks minimale og maksimale månedsmiddel for luft-						



temperatur.

# Hullstatistikk (manglende data)

En del analyser kreve komplette tidsserier. For å se hvor det butter og hvor man eventuelt må kutte i tidsserien eller om man bør interpolere over hull, kan man få en hull-statistikk. Dette gir oversikt over hvert hull (sett med manglende data) i tidsserien; hvilke tidsintervall de gjelder for og hvor stor de er (hvis man velger "detaljert oversikt").

En totaloversikt gis også på bunnen av teksten.

Korreksjonsmerker og ekstrapolerte vannføringer (bruk av vannføringskurve utenfor målegrunnlaget) kan også vises.





## Kraftverksimulerings-statistikk

Etter å ha hentet kraftverksimuleringsserier, kan man få opp statistikk spesialberegnet på slikt. Bruk i så tilfelle menyvalget "Analyse->Kraftversksimuleringsoversikt".



Merk at hvis man vil så hvor mange prosent av totalvannføringen som går til produksjon, lavvannstap og flomtap, må man også hente inn vanlig vannføringsstidsserie for stasjonen.

Man får da opp et nytt vindu der man kan spesifisere sesong. Man kan også velge å se årlig oversikt i tillegg til totaloversikt.

Kraftsimuleringsoversikt

Trykker man "vis oversikt" vil så et tekstvindu dukke opp med denne oversikten. Hva som tas med her avhenger av hvilke typer kraftverksimuleringsdata man har valgt. I dette tilfelle vises hvor ofte lavvannstap>0, produksjon>0, produksjonen er maksimal og hvor ofte det er flomtap.

	Lavvanns-   tap>0	Produksjons-   vannføring>0	Produksjons-   vannf.=max	Flow tap>
1965	25,882%	74,118%	32.941%	32.941%
1966	I 29.041%	I 70,959%	1 26,027%	26,027%
1967	I 11.781%	I 88.219%	l 42,192%	l 42,192%
1968	32,240%	67.760%	26,776%	26,776%
1969	24,932%	I 63.836%	28,219%	28,219%
1970	33.973%	i 56.164%	17,808%	17.808%
1971	8,767%	91,233%	49,041%	49.041%
1972	1 58,251%	46.721%	1 20,492%	20,492%
1973	1 11.781%	I 88,219%	48,219%	48,219%
1974	27,597%	1 55.542%	21,918%	21.918%
1070	1 23,3026	I D7.120%	1 23,000%	1 23,000%
1977	1 40,710%	1 04.030%	1 13.0726	1 13.0724
1978	1 41 644%	1 59 356%	1 32 055%	32 055%
1979	24.384%	1 75,616%	21.370%	21.370%
1980	34 4262	   57 923%	21 3112	21 3112
1981	11.507%	1 88,493%	24,110%	24,110%
1982	22,466%	77.534%	23.0142	23.014%
1983	14,795%	85,205%	51,507%	51.507%
1984	1 5,464%	I 94,536%	1 27,869%	27,869%
1985	I 9,315%	I 90.685%	1 33,973%	I 33,973%
1986	I 9,589%	I 90.411%	1 30,959%	I 30,959%
1987	I 3,562%	I 96.438%	I 26.849%	I 26.849%
1988 1989	10,929%	89.071%   100.000%	32,514%   57 534%	32.514%   57.534%
4000			40.007#	40.007%
1001	1 2 600%	1 30.411A	1 43,003%	43,0036
1992	1 5,002A 1 5,464%	I 30.430A	I 41.370%	I 41.370A
1993	1 1 0962	I 98 904%	45 7532	45 7532
1994	5.753%	94.247%	40,0002	40.000%
1995	0.822%	99,178%	47.397%	47.397%
1996	5,738%	94,262%	25,410%	25,410%
1997	22,192%	1 77,808%	I 37,808%	37,808%
1998	I 6.027%	I 93.973%	I 45,205%	45,205%
1999	0.0002	100.000%	41,370%	41.370%
2000	0,000%	100,000%	36,612%	36,612%
2001	I 0,000%	I 100.000%	I 45,205%	I 45.205%
2002	1 0,000%	I 100.000%	1 36,438%	I 36.438%
2003	1 0.000%	I 100.000%	I 38.630%	I 38.630%
2004	0.000%	1 100.000%	45.082%	45.082%
2005	0,000%	100.000%	37,260%	37.260%
2006	0,763%	1 34,231%	13,231%	19.251%
2007	4.384%	1 100 000%	42,132%	42.132%
2009	10.411%	1 89,589%	27,123%	27,123%
2010	0.0002	   100.000%	31.2332	 31.233%
2011	0,000%	100,000%	38,630%	38,630%
Totalt	12.781%	85.514%	34,291%	34.291%



## E-tabell

E-tabell er en spesiell visningsform for enkelt-vannføringsserier, som viser årlige avløp, største og minste enten i hele året eller i de 350 største. Såkalt alminnelig lavvannføring beregnes ut ifra disse tallene.

X DAGUT versjon 4.1	107. 3. 0.1001. 1 Farstadelva v/Farstad Tabell E Karakteristiske vannføringsdata Vassdragområde :107.63A Datakilde: HYDAG_POINT	
Avslutt Plott Analyse Data-tabeller/eksport Diverse		
Fjern Var Fourier-analyse Histogram/varighetskurve	Hydrologisk åri	
Ekstremverdi-analyse Vis kryss-korrelasjon Vis auto-korrelasjon	$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	
Serie-statistikk	10-års middel   -   -   -   -	10-års middel   39.9   52.2   8.147   0.322   0.244
Vis hull-statistikk (+korreksjoner & kurveekstrapol.) E-tabell Kraftverksimuleringsoversikt Regulerings- og summasjons-kurve	$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	10-ars middel   23.0   37.3   7.287   0.114   0.034	
	$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	2010 - 2011 36.1 47.3 5.087 0.481 0.432   2011 - 01 - - - - - -   10-års middel 1 - 1 - 1 - - - - -   10-års middel 34.9 45.6 6.948 0.283 0.227   for 44 år 1 1 1 1 1 1
	10-års middel   36.7   47.9   7.115   0.263   0.186	
PS: Dette heter E-tabell fordi det eksisterte en WMO-rapport, med tabell A, B, C etc. Kun tabell E har vært i bruk senere.	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Absolutt minste vannføring : 0.023 Median lavvannføring i 350 dager : 0.263 Alminnelig lavvannføring : 0.175 Med alminnelig lavvannføring menes vannføring som er laveste verdi av de årlige minstevannføringene i 350 døgn etter at den laveste tredjedelen er fjernet.

# Autokorrelasjonsanalyse (1)

#### Autokorrelasjonsanalyse forteller hvordan målingene i en tidsserie avhenger innbyrdes av hverandre.

F.eks. er det ofte stor avhengighet mellom temperaturen nå og temperaturen om en time. Det vil si at temperaturen nå gir deg mer informasjon om temperaturen om en time enn bare en kjennskap til den generelle fordelingen av temperaturer over året. Tilsvarende vil temperaturen nå og temperaturen om ett år være korrelert også, siden man er inne i samme sesong da og temperatur har sterk sesongavhengighet.

Det finnes mange typer statistiske avhengighetsmål, men det vi ser på her er korrelasjon, som angir lineær avhengighet korrigert med standardavvikene. Det antas korrelasjonen er den samme mellom en måling nå og en måling om en time og mellom en måling om et halvt år og et halvt år pluss en time. Med andre ord antas det at den lineære avhengigheten er den samme for alle to målinger som har samme tidsforskjell mellom seg.

Mye kan sies om autokorrelasjon, men da bør man helst ty til fagbøker innen statistisk tidsserieanalyse.

Matematisk sett kalkuleres autokorrelasjonen for  $\Delta t$  tidssteg som:

$$A(\Delta t) = \frac{\sum_{t} (f(t) - \bar{f})(f(t + \Delta t) - \bar{f})}{\sum_{t} (f(t) - \bar{f})^2} = \frac{\sum_{t} (f(t) - \bar{f})(f(t + \Delta t) - \bar{f})}{S^2}$$

Her er f(t) selve tids - serien,  $\overline{f}$  er tidsseriens gjennomsnittsverdi og S er empirisk standardavvik.

Finurlige matematiske triks er brukt for å få beregningene til å gå kjapt.

Enkle statistiske tidsseriemodeller har kjente autokorrelasjonsfunksjoner. F.eks. er den muligens enkleste modellen, AR(1), karakterisert ved ett-stegs-autokorrelasjonen, A(1)=a. Generelt sett blir A(n)= $a^n$  for denne modellen, det vil si eksponensielt synkende autokorrelasjon. Dette kan ofte ses i starten av autokorrelasjonsplott.

# Autokorrelasjonsanalyse (2)

Praktisk sett får man kjørt autokorrelasjonsanalyse ved først å hente inn en komplett (uten hull) tidsserie med en fast tidsoppløsning (altså ikke knekkpunktstruktur). Kompletthet kan sjekkes med hull-statistikk-modulen. Deretter foretar man menyvalget

"Analyse->autokorrelasjon".





# Autokorrelasjonsanalyse (3)

Det kan ofte lønne seg å korrigere for normal årsvariasjon før man kjører autokorrelasjonsanalysen. Det at målingene varierer over året er ofte kjent og av liten interesse. Spørsmålet er hvor fort en vannføring som er unormalt stor i forhold til normalsituasjonen returnerer til det normale. dvs. hvor korrelert er vannføringen korrigert for normal årsvariasjon korrelert til tilsvarende en, to, tre (etc) dager frem i tid. Figurene viser autokorrelasjonsplott for det lille vassdraget Farstadelva, samt stasjonen Nor som ligger i Glomma. Som en ser tar autokorrelasjonsfunksjonen en brå dipp nedover og forblir nede i stedet for å fange opp sesongvariasjonen og året. Merk også den eksponensielle avtagende trenden i begge plottene, som i AR(1)-modellen.



Et ofte brukt begrep i autokorrelasjons-analyse er halveringstiden, tiden det tar for korrelasjonen å bli mindre enn 50%. Dette antyder hvor fort systemet "glemmer" halvparten av informasjonen på et tidligere tidspunkt. For Farstadelva er halveringstiden rundt 5 dager, mens for Nor er den 13 dager. Farstadelva har klart raskere svingninger enn Glomma, noe vi også kunne forvente.


## Krysskorrelasjonsanalyse (1)

Krysskorrelasjonsanalyser ligner autokorrelasjonsanalyse, i det man ser på korrelasjon ett, to tre (etc) tidssteg fremover i tid. Men korrelasjonen er i dette tilfelle mellom to forskjellige tidsserier, ikke en. Og siden det er to tidsserier ,er det også meningsfylt å se en, to, tre (etc) tidssteg i begge retninger (tidsserien en foran tidsserie to og vice versa).

Matematisk uttrykk for krysskorrelasjon for to tidsserier, f og g, over  $\Delta t$  tidssteg som:

$$K(\Delta t) = \frac{\sum_{t} (f(t) - \bar{f})(g(t + \Delta t) - \bar{g})}{S_f S_g}$$

Her er  $S_f$  og  $S_g$  standardavviket for henholdsvis tidsserie f og g.

For å kjøre en krysskorrelasjonsanalyse, hentes to tidsserier (helst for samme tidsperiode). Sørg for at begge ikke har noen hull (eller manglende data i starten av første år, hvis du kjører DAGUT). Du går så til menyvalget "Analyse->Krysskorrelasjon".





# Krysskorrelasjonsanalyse (2)

Eksempel: Her vises en krysskorrelasjon mellom nedbør på Ås og nedbør på Blindern. Det viser at den største korrelasjonen skjer uten tidsforskyvning i dette tilfelle, altså at regnsituasjonen på Ås sier mest om regnsituasjonen på Blindern samme dag (og vice versa). Korrelasjonen er på 70%, som er ganske mye.

I andre sammenhenger kan maksimal korrelasjon skje med en viss tidsforskyvning. Eksempler:

- Nedbør på en stasjon i indre vestlandet kan være maksimalt korrelert med nedbørssituasjonen ytterst på samme kant av vestlandet 4 timer forut, siden mye av været kommer fra vest.
- Vannføring nede i Glommavassdraget vil være korrelert med vannføringen lengre opp, men da kanskje så mye som to døgn før.
- Vannføringen på et lite vassdrag på vestlandet vil være korrelert med nedbøren samme plass, men et par timer forsinket.



# Histogram og varighetskurver (1)

 Henter man tidsseriedata fra en stasjon (nedbør, temperatur, vannføring), kan spredningen i verdiene være av interesse. For eksempel, hvor ofte er vannføringen rundt 10m<sup>3</sup>/s på en stasjon eller hvor ofte er temperaturen mindre enn -23 grader?

 Sett med "statistiker-briller" er spørsmålet: "Hva er fordelingen av verdier for denne serien?". Dette kan svares med ulike grafiske oppsummeringer (histogram, kumulative histogram og varighetskurver). I tillegg kan det være av interesse å tilpasse teoretiske fordelinger til datasettet.

- Når man starter modulen for histogram og varighetskurver, får man derfor et bilde der man kan sette hva slags grafisk fremvisning \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ man ønsker og hvilke teoretiske fordelinger man ønsker å tilpasse.
- Hvis man ikke ønsker å bruke hele datasettet, men et subsett innefor en gitt sesong, kan dette settes her.
- Knappen merket "ok" fyres default opp histogrammet, men settes opsjoner for kumulativ fordeling eller varighetskurve, vises i stedet det,





## Histogram og varighetskurver (2) Histogram

• Histogram viser raten av verdier som er innefor hvert lite intervall bortover tallinjen. (Denne raten er skalert slik at søylehøyde\*søylebredde summerer seg til en, dette for å gjøre det enklere å sammenligne med teoretiske fordelinger.

• For å gjøre det, må man spesifisere en start-verdi og slutt-verdi man ønsker å vise, samt steglengde. Dette settes automatisk, men det er ikke alltid automatikken velger ting så fornuftig. Får man rare utslag, bør derfor disse tre feltene være det første man ser på.

 Modulen er bygd opp rundt histogram-logikken, så de tre histogramfeltene vil derfor få betydning for hvordan de andre visningstypene håndterer data.

a for 107.3.0 Vannføring Farstadelva v/Farstad v:1

rotete.

Histogram når

steglengden er satt

automatisk. Den er satt

for fin i dette tilfelle, som

gjør at man får "spikrer" i

histogrammet og alt blir





synlighet (8-1)

z.4

## Histogram og varighetskurver (3) Kumulative diagram (1)

Kumulative diagram viser andelen av data som har vært under eller over en gitt verdi. Fra dette kan lett kvantiler finnes grafisk. Det lønner seg å stille steglengden ganske fin når dette benyttes (ofte er default-steglengden bra).

Diagrammene finnes i tre valører her:

1. **Kumulativ fordeling**: Viser andelen data som er under en gitt verdi, med verdi langs x-aksen og andel langs yaksen. Gir et estimat på den virkelige kumulative fordelingen.

2. **Overskridelsesfordeling**: Viser andelen data som er over en gitt verdi, med verdi langs x-akse og andel langs yakse.



3. **Varighetskurve**: Viser andelen data som er over en gitt verdi, med verdi langs yakse og andel langs x-akse. Her er alle ekstra-valgene slått av.



#### Histogram og varighetskurver (4) Kumulative diagram (2)



#### Histogram og varighetskurver (5) Tabellvisning

Varighetskurve/slukt-modul

(invertert overskridningsfordeling)

Analysen kan vises som tabell i stedet for som graf, ved at du trykket "Tabell"knappen i stedet for "ok". Et vindu vil nå dukke opp med en tekstlig versjon av analysen.

Varighetskurve for 107.3.0 Vannføring Farstadelva v/Farstad v:1 1965-2011 HYDAG Døgn

0,9994

0,9993

0,9991

0,9987

0,9978

0,9954

0,9882 0,9829 0,9802 0,976 0,976

0.9587

0.9556 0.9447 0.9388 0.9385 0.917 0.9159 0.9159 0.9054 0.8994

0,8975

0.8903 0.8891 0.8869 0.8569

0.8551 0.8535 0.8457 0.8457 0.8382 0.8359 0.8359 0.8236 0.8217

0,8198

0,8175

0.02

0,03

0.04

0,05

0.0E

0.08 0.09 0.1 0.11

0.12

 $\begin{array}{c} 0.14\\ 0.15\\ 0.16\\ 0.17\\ 0.18\\ 0.22\\ 0.23\\ 0.24\\ 0.25\\ 0.26\\ 0.26\\ 0.26\\ 0.27\\ 0.28\\ 0.31\\ 0.32\\ 0.31\\ 0.32\\ 0.34\\ 0.35\\ \end{array}$ 

0.36

0,37

0.38

i stedet for	Prosent-angivelse:      Normaliser m.h.p. snittverdien     Ilukt (akkumulert overskridning=forventning av min(tidsserie,verdi))     If Tap (= forventing - slukt)     Isum, lavere intervall		
ibell"-	107.3.0 Vannføring Farstadelva v/Farstad v:1       1965-2011       HYDAG       Døgn: Sesong: 01/01-31/12       Sett sesong         Win: 0.022700       Maks: 10.996191       Snitt: 1.096327		
en	□ Normalfordeling (moment=likelihood)        Hva er en gaussfordeling?       Brukes i histogramtilpassing for ting som kan ta både positive og negative reelle verdier. Eks: temperatur, vannstand vs datum.		
	Lognormalfordeling Lognormalfordeling (Bayesiansk)  Hva er en lognormalfordeling?  Brukes i histogramtilpassing for ting som kan ta kun positive reelle verdier. Eks: vannføring, energi, volum.		
	□ Gammafordeling (momentnetode) □ Gammafordeling (max likelihood) Hva er en gammafordeling? □ Gammafordeling (Bayesiansk)		
Begeslensi modellgjørnomsnitt       Absolutt minimalverdi:       0,010000         Absolutt maksimalverdi:			
Suplengde: D.010000			
	OK Tabell Evaluer distribusjonene Lukk vindu		

📕 Varighetskurve

🗆 Normaliser x-akse (slukt,tap,sum)

I dette tilfelle er varighetskurve angitt, så tabellen viser verdi i første kolonne og overskridelsesandel i andre kolonne.

43

#### Histogram og varighetskurver (6) Teoretiske fordelinger

- Teoretiske fordelinger kan gi en bedre innsikt i data enn bare det å vite hvilke verdier som tilfeldigvis dukket opp for de spesifikke målingene.
- Normalfordelingen er standard for ting som kan anta både positive og negative verdier, mens lognormalog gamma-fordelingen passer bedre for strengt positive ting.
- Modulen gir mulighet til å velge multiple fordelinger
   og multiple estimeringsmetoder. (Se også tekst om ekstremverdianalyse.)
- En kort beskrivelse ligger i teksten lengst til høyre, mens en mer fyldig beskrivelse gis ved å bruke trykk-knappene.
  - I grafen vises vannføringsdata sammen med lognormalog gamma-tilpasning. For gamma-fordelinger er både moment- og max. likelihood-metoden brukt, men forskjellen er i dette tilfelle liten.



#### Histogram og varighetskurver (7) Bayesiansk tilpasning (1)

- Bayesiansk tilpasning tar hensyn til usikkerheten i parametrene til hver fordeling. Man starter med en fordeling som representerer førkunnskap (a' priori) og ender med en fordeling som representerer kunnskapen etter data (a' posteriori).
- Bayesiansk tilpasning er tilgjengelig for hver fordeling.
- Hver gang dette velges, dukker det opp et vindu. Der kan førkunnskap og kjøringsparametre settes, for de som er interessert i det.

⊥ Varighetskurve/slukt-modul (invertert overskridningsfordeling)	☐ Varighetaluree ☐ Normaliaer >+elae (alult.tep.aum)
□ Prosent-angivelse: □ Normaliser m.h.p. snittverdien	🗐 Slukt Callumilart ovarskridningmförvantning av min(tidssoria.var
	Tap (= forventing - shift) Shm. Levere intervall
107.3.0 Vannføring Farstadelva v/Farstad v:1 1965-201 Min: 0.022700 Maks: 10.996191 Snitt: 1.098327	1 HYDAG Døgn: Sesong: 01/01-31/12 Sett sesong
niscogram/samsgniignetstettnet V Kumulativ fordel	ing, Γ(X\=X)
Hvilke hvilke kurvetilpasninger (hvis noen) skal vises:	
Normalfordeling (moment=likelihood)	Brukes i histogramtilpassing for ting som k ta både positive og negative reelle verdier
(Bayeslansk)	Eks; temperatur, vannstand vs datum,
Lognormalfordeling Hva	er en lognormalfordeling? Et kun positive reelle verdier.
Eugnomiaitordeiing (bagesiansk)	EKS, Valim gring, energi, vorum,
□ Gammafordeling (momentmetode)	Brukes i histogramtilpassing for ting som er
Gammafordeling (Bayesiansk)	Ingen hydrologiske standardanvendelser kjent
<u></u>	
Bayesiansk modellgjennomsnitt	
Absolutt minimalverdi: 5.010000 Absolutt maksim	Malverdi: 10.996191
I Steplenode: LU.A	

🗙 Utfylling av førkunnskap (prior) for Gauss-fordelingen 💽
Antall MCMC-trekninger: 1000 Burn-in: 5000 Spacing: 10
Antall temperingskjeder: 🔰 🏾 Vis MCMC-kjeder som plott 🖾 Vis debug-info i bakgrunnsterminal
95% troverdighetsintervall for mu for reelle parametre Start: 1960
95% troverdighetsintervall for wu for positive parametre Start: 3.318e-06 Stutt: 7.586e+05
95% troverdighetsintervall for sigma for positive parametre Start: 1.318e-06 Start: 7.586e+05
DK Avbryt

#### Histogram og varighetskurver (8) **Bayesiansk tilpasning (2)**



#### Histogram og varighetskurver (9) Frekvenstistisk modellvurdering

- Det finnes også en modellvalgsmetode for frekventistiske metoder, riktignok kun for max. likelihood. Velges kun slik estimering for alle fordelingen (mer at momentmetode og max. likelihood er det samme for normalfordelingen og lognormalfordelingen), kan man trykke knappen "Evaluering distribusjonene".
- Modelseleskjonskriterie som brukes er BIC (Bayesian Information Criterion). Merk at selv om dette har Bayesiansk støtte er det et frekventistisk estimat.
- I dette tilfelle endte vi opp med samme resultat som Bayesiansk analyse, nemlig at lognormalfordelingen fikk mye mer støtte enn normal- og gammafordelingen.

>	Varighetskurve/slukt-modul       I Varighetskurve/slukt-modul         I Varighetskurve/slukt-modul       I Varighetskurve/slukt-modul         (invertert overskridningsfordeling)       I Still t (alimation toward ridningsforwanting av minitidaserie-werdi)         I Prosent-angivelse:       Normaliser m.h.p. snittverdien         I Lap (or forwanting - slid t)       I Stell t (alimation toward ridningsforwanting av minitidaserie-werdi)
	107,3,0 Vanføring Farstadelva v/Farstad vil 2007-2011 HYING Begn: Sesong: 01/01-31/12 Sett sesong Min: 0.226045 Mais: 7.323047 Snit: 1.145635 Histogram/samsgnlighetstethet & Kunulativ fordeling, P(K(xx) & Overskridningsfordeling, P(Ox) Hvilke hvilke kurvetilpasninger (hvis noen) skal vises: Normalfordeling (nement=likelihood) Normalfordeling (Bagesiansk) Lognornalfordeling Lognornalfordeling (Bagesiansk) Lognornalfordeling (meententede) Gammafordeling (meententede) Gammafordeling (meententede) Gammafordeling (meententede) Bagesiansk) Hva er en gammfordeling? Brukes i histograntilpassing for ting son kan ta kup possing for ting son er kvadratet av andre ting, eller summen av slike. Ingen hydrologiske standardenvendelser kjent. Begulationd wodellgepernominit. Begulated wodellgepernominit. Begulated wodellgepernominit. Begulated wodellgepernominit. Begulated wodellgepernominit. Begulated wodellgepernominit. Begulated wodellgepernominit.
	Tabell         Evaluer distribusionene         Lukk vindu
×	HYTEXT 🗸

Sammenligning av distributionser \*\*\*\*\*\*\*

107.3.0 Vannføring Farstadelva v/Farstad v:1 2007-2011 HYDAG Døgn gauss -fordelingen, BIC= 4714.023Sannsynlighet = 6.623e-305% lognorm -fordelingen, BIC= 3304.017Sannsynlighet = 100% (best) gamma -fordelingen, BIC= 3884.624Sannsynlighet = 8.371e-125%

#### Histogram og varighetskurver (10) Varighetskurve med opsjoner

Når varighetskurve velges, blir også en del andre ting default satt på; prosent heller enn andel blir brukt, data blir normalisert (delt på) m.h.p. snittverdien, slukt, tap og sum, lavere intervall vises også.

Etter min mening er dette alt for mye forskjellig informasjon å vise i en enkelt graf, men tradisjonen tilsier at dette er ønsket.

Slukt er teknisk sett integralet av varighetskurven, men angir slukekapasitet som funksjon av andel av vannføringen som blir tatt unna av en rør med en gitt slukekapasitet. (Dette kan nok best forstås ved å mentalt bytte om x- og y-akse, slik at man får andel av vannføring tatt unna av et rør som funksjon av slukekapasitet).

Tap er det motsatte av slukt, altså andelen av vannføringen som ikke kan tas unna med et rør med en gitt slukekapasitet.

Sum lavere intervall angir andelen vannføring som tas unna uten tap.

At dette vises sammen med varighetskurve er uheldig, siden x-aksen for varighetskurve angir en estimert sannsynlighet for overskridelse, mens for de andre grafene angir den andelen av slukt, tap og vannføring uten tap. Min anbefaling er derfor å slå av varighetskurve når de andre tingene skal vises, og slå av de andre tingene når varighetskurve skal vises.



Et notat kalt "Min forståelse av funksjonaliteten i VARKURVE - Trond Reitan" (VARKURV.DOC) gir en mer detaljert beskrivelse av de ulike grafene. 48

## Fourieranalyse (1)

- Fourieranalyse dekomponerer et signal (en lyd eller en tidsserie) i svinginger tilhørende ulike frekvenser. Grafen viser signalstyrken til hver svingnings-frekvens.
- For å kjøre analyse må hullfrie data hentes (hvis i DAGUT, ta bort første år hvis dette ikke er komplett).
- Det startes ved menyvalget Analyse->Fourieranalyse. Da dukker et vindu opp, der man kan sette en del avanserte valg.
- Det kan lønne seg å fjerne nullfrekvensen (snittverdien). I dette tilfelle ble døgndata for flere år hentet, så det er lurere å bruke grunnenhet "år" enn "døgn".
- Trykker man så "ok" får man Fourier-analyse-grafen.







## Fourieranalyse (2)

- Plottet kan se litt kaotisk ut, men en ting man kan legge merke til med en enkel innzooming er en skarp topp på frekvensen 1 (svinging på ett år).
- Det finnes også "overtoner" her, for frekvens 2 (periode på ½ år). Dette bestemmer formen på årssvingningene. (Fourier-analyse antar sinus/cosinus-ledd. Overtoner kan forandre formen til noe annet enn dette.)
- Hvis man går tilbake og ser på log-log-skala, kan man også se en avtagende trend, der signalstørrelsen minsker med 10 for hver gang frekvensen øker med 10. Dette kan tyde på såkalt 1/f-støy, en spesiell type stokastisk prosess som ofte dukker opp i naturen.





Ser man på "avvik fra normal årsvariasjon", skal toppen rundt frekvens=1 forsvinne. Hvis dette ikke skjer, er det noe i årssvingingene som ikke fanges av forventning og varians.

## Markov-analyse

- En Markov-kjede er en stokastisk prosess som karakteriseres ved sine overgangssannsynligheter, altså sannsynligheten for at neste måling antar en gitt verdi, gitt at nåværende måling antar en annen gitt verdi.
- Overgangssannsynlighetene kan visualiseres i et konturplott.
- Analysen er kun tilgjengelig i FINUT. Du trenger komplette data og fast tidsoppløsning.
- Ofte kan det lønne seg å bruke logaritmiske sannsynligheter, for å få øye på sjeldne overganger som tross alt finner sted.
- Overgangssannsynlighetene estimeres ut ifra hvor ofte man ser en overgang fra lite ett intervall til ett annet.
   Intervallstørrelsen kan justeres.



## Regresjonsanalyse (1) Hva er regresjon?

- Regresjonsanalyse er en statistisk metode for å forsøke å beskrive en type måling som en funksjon av en eller flere andre typer målinger.
- En slik funksjonssammenheng vil typisk ikke beskrive målingene perfekt. Det vil være visse avvik, som modelleres via statistiske fordelinger (typisk normalfordelingen).
- Det som en forsøker forklare som en funksjon av alt annet, kalles **responsen**.
- De typer målinger man putter inn i funksjonen kalles <u>kovariater</u> eller <u>forklaringsvariabler</u>.
- Lineær regresjon er en type analyse, der funksjonssammenhengen er av typen y=a+b\*x.
- Er det flere typer målinger (kovariater) med i bildet, x<sub>1</sub>,...,x<sub>p</sub>, får man i stedet en funksjon av typen y=a+b<sub>1</sub>\*x<sub>1</sub>+b<sub>2</sub>\*x<sub>2</sub>+...+b<sub>p</sub>\*x<sub>p</sub>.
- Merk at funksjonssammenhengen skal være lineær i parametrene (a,b<sub>1</sub>,b<sub>2</sub>,...,b<sub>p</sub>). Det er dermed fullt mulig å undersøke modeller av typen y=a+b\*x+c\*x<sup>2</sup> (siden x<sup>2</sup> kan ses på som en ny kovariat).
- Regresjon kan brukes til ifylling av data via sammenligningsserier.



## Regresjonsanalyse (2) Teori

For hver måling 'i' antas det at responsen kan skrives som en funksjon av kovariatene pluss støy:

 $y_i = a + b_1 x_{1,i} + b_2 x_{2,i} + \dots + b_p x_{p,i} + \varepsilon_i$ 

Her står  $y_i$  for måling 'i' av responsen,  $x_{j,i}$  for måling 'i' av kovariat j, mens  $\varepsilon_i$  står for støyen tilhørende måling 'i' (stokastikk).

Regresjon bygger på fire antagelser:

- 1. Støyen har forventning 0 (altså har responsen forventning lik funksjonen).
- 2. Støyen er uavhengig.
- 3. Støyen har lik varians overalt.
- 4. Støyen er normalfordelt.

Så lenge krav 1 er opprettholdt, vil estimatene være forventningsrett (altså, de vil ikke ha noen systematiske feil). Krav 2-4 er nødvendig for at konfidensintervaller, hypotesetester og modellsammenligninger skal fungere.

Merk at krav 2 vil veldig typisk ikke være tilfelle for hydrologiske tidsserie-data men finere tidsoppløsning enn år! Statistisk tidsserieanalyse finnes, men er ikke implementert i STARTsystemet. Et enkelt knep for å gjøre noe omtrent lik tidsserieanalyse er å bruke forrige måleverdi som en av kovariatene. Merk dog at dette gjør det mye vanskeligere å skjønne funksjonssammenhengen.



## Regresjonsanalyse (3) Ordliste

Det er mange begreper i sving i regresjonsanalyse. Det er en fordel å kjenne til en del begreper fra faget statistikk.

- **Respons** Det som skal beskrives. Kan være en måeserie eller en funksjon av en måleserie.
- **Kovariat/forklaringsvariabel**\_– Det man bruker til å beskrive responsen med.
- Støyledd Det tilfeldige (stokastiske) avviket mellom målt respons og den faktiske funksjonssammenhengen.
- **Regresjonskoeffisienter** De ukjente størrelsene i funksjonssammenhengen.
- **Prediksjon** Respons fra estimert funksjonssammenheng.
- Residual Forskjellen mellom prediksjon fra kovariat-settet og målt respons. (Dette er ikke det samme som støyleddet, siden der ser man på forskjellen mellom målt respons og faktisk funksjonssammenheng, ikke estimert sådan). Brukes til å test modellantagelser.
- Konfidensintervall Et 95% konfidensintervall er en metode for å konstruere intervall som før data har 95% sannsynlighet vil omslutte riktig verdi. Merk at etter at man har puttet inn data, kan man ikke lenger snakke om sannsynlighet, som er grunnen til at man snakker om konfidens i stedet.
- Nullhypotese En hypotese som kan motbevises med nok data, hvis den ikke stemmer. I regresjonssammenheng er det typisk en hypotese om ingen funksjonssammenheng mellom respons og en gitt kovariat.
- **P-verdi** Sannsynligheten for å få noe mer ekstremt enn det vi fikk gitt at en null-hypotese er riktig.
- <u>Autokorrelasjon</u> Korrelasjon mellom en verdi og den neste. Autokorrelasjon i residualene tyder på at antagelsen om uavhengig støy ikke er korrekt eller at man ser på feil funksjonssammenheng.
- Heteroskedastisitet Hvis støyen har ulik størrelse for ulike kovariatverdier, kaller man dette for heteroskedastisitet. Man bryter da med krav nr. 3 for lineær-regresjon.

## Regresjonsanalyse (4) Praktisk oppstart

For å foreta en regresjonanalyse må to eller flere målesett (tidsserier) hentes.

Et eksempel trenges her, så anta at poenget er å finne ut hvordan vannføringen for Svartfossberget (208.3.0) kan beskrives ut ifra vannføringen på Halsnes (212.49.0) og Lille Rostavatn (196.11.0). Dette kan være for å kjøre en komplettering, for eksempel. Seriene er vist innhentet i DAGUT.





Det vil nå dukke opp et vindu der man kan justere litt på seriene før man sender dem til regresjonsanalysen.

- Man kan tidsforskyve serier. (Dette muliggjør å bruke forrige verdier fra samme tidsserie som kovariat.) Krysskorrelasjonsanalyse kan avsløre hvilke tidsforskyvninger som gir best sammenheng.
- Minimums/maksimumsverdier for hver serie kan settes.
- Man kan fokusere kun på målinger innenfor en angitt sesong. Merk at senere prediksjoner basert på en regresjonssammenheng kan gjøres for andre sesonger enn de brukt i regresjonsanalysen. 55

## Regresjonsanalyse (5) Regresjonsmodulen





#### Regresjonsanalyse (6) Kjøreeksempel

Skal nå gå igjennom eksemplet med Svartfossberget (x1), Halsnes (x2) og Lille Rostavatn (x3). Vil først undersøke en modell x1=a+b\*x2+c\*x3. Velger da først "Respons" i øvre høyre hjørne, velger variabel "x1" og lar de neste valgene stå som de står (default er at variabelene behandles utransformerte) og trykker knappen "Legg til prediktor/respons". Deretter velges "prediktor" i øvre høyre hjørne (programmet switcher til det automatisk), velger variabel "x2" og trykker igjen knappen "Legg til prediktor/respons". Til sist velges igjen "prediktor", variabel "x3" og igjen trykkes "Legg til prediktor/respons". Listen over brukte prediktorer og responser blir nå oppdatert. Når man så trykker "Kjør regresjonsanalyse" fås resultat i tekstfeltet.



Norges vassdrags- og energidirektorat

## **Regresjonsanalyse (7)** Fortolkning av resultat-tekstfelt



ANOVA tester om det finnes signifikante kovariater i regresjonssammenhengen i det hele tatt. Merk at denne testen har samme svakhet i forhold til antagelsen om uavhengig støy som score-testene.

Teksten er lagd slik at den er forholdsvis sammenlignbar med utskrift fra R.

#### Regresjonsanalyse (8) Prediksjon

Hvis du vil vite hva regresjonsligningen gir som predikert respons for et gitt sett kovariat-verdier (hva sier regresjonen om Svartfossbergets vannføring gitt 3m<sup>3</sup>/s på Halsnes og 20m<sup>3</sup>/s på Lille Rostavatn, f.eks.), kan du bruke prediksjonsboksen til høyre for tekstfeltet.



Resultatet kommer både i tekstfeltet og i et eget tekstfelt til høyre.

Merker du av "konfidensgrense til forventet prediksjon" fås også et konfidensintervall (default 95% konfidensintervall, men dette kan endres).



## Regresjonsanalyse (9) Grafer (1)

Nest nederst finner du et sett menyer og trykk-knapper som lar deg plotte målinger, målinger+regresjonslinje, residualer og lignende.



Plotting i originalskala Plotting i transformert skala (For vårt eksempel gjør ikke dette forskjell.)

Velges "kurve+målinger" vises regresjonslinja sammen med datagrunnlaget. Det er ofte en fin måte å se en regresjonsanalyse på når man bare har en kovariat, men har man flere blir den litt uegnet (siden man da bare må sette de andre kovariatene fast).

PS: Det kan se ut som om det er heteroskedastisitet her, siden avviket fra regresjonen øker med økende kovariat.



#### Regresjonsanalyse (9) Grafer (2)



#### **Regresjonsanalyse (10)** Tilbakeføring av prediksjoner (1)

Man kan bruke regresjonsanalysen til å lage en predikert tidsserie for responsen, gitt de andre kovariatene. Når man avslutter regresjonsanalysen kommer man tilbake tild et forrige vinduet, der det nå står noe i "liste over regresjonsformler". Man kan avmerke denne og trykke "send prediksjon tilbake til programmet".

Det vil nå dukke opp et nytt vindu, der man spesifiserer en (gjerne annen) tidsperiode (og/eller sesong) der man ønsker å predikere responsen. I dette tilfelle er året 2010 valgt. Det finnes tidsserie-data der. Jeg har valgt dette for å sammenligne regresjonsformel mot fasit. (Merk at "goodness-of-fit gjør dette for tilpasning, som er farlig siden man sammenligner med det samme datasettet som mang lagde regresjonsformelen fra.)

Filtrering av inputdata til regresjonen:
Tidsjustering for 208,3,0,1001.1 i minutter: D Min: Hax:
Tidsjustering for 212,49,0,1001,1 i minutter: D Min: Hax:
Tidsjustering for 196,11.0.1001,1 i minutter: D Min: Y Max: Y
Sesong-state [31] / [31] Sesong-slutt: [31] / [32]
Liste over regressionsformler:
Start analyse Send prediksjon tilbake til programmet Lukk vindu Vis avledningsregel

X Tidsintervall for prediksjonen:	×			
Start: 1/1-2010	Slutt: 31/12-2010			
(Format: D/M ÅR eller kun ÅR)				
Sesong-start: 1	Sesong-slutt: 31 / 12			
OK Avbryt				

### **Regresjonsanalyse (11)** Tilbakeføring av prediksjoner (2)



NB: Legg merke til at predikert respons av og til gir negative verdier! (Derfor er log-RMSE ikke beregnbar.) Dette antyder en svakhet i analysen vår.



## **Regresjonsanalyse (12)** Transformert analyse, log-skala (1)

- Det at vi fikk negative vannføringer, samt heteroskedastisiteten i residualene, antyder at vi kan lage en bedre sammenheng enn det vi fikk til.
- En log-transformasjon gjør at vi ser på størrelses-skalaen til data heller enn data selv. Finner vi en sammenheng i log-skala og transformerer tilbake (eksponent-funksjonen er motsatt transformasjon), er vi nødt til å få noe positivt.
- Hvis støyen på log-skala er konstant, vil det si at støyen er proporsjonal med responsen i original skal. Vi kan dermed fjerne heterosskedastisiten.
- En lineær sammenheng i log-skala betyr power-law i original skala:





## **Regresjonsanalyse (13)** Transformert analyse, log-skala (2)





## **Regresjonsanalyse (14)** Transformert analyse, log-skala (3)

Hvis man nå tilbakefører dette resultatet til hovedvinduet og kjører punktsverm-plott, ser man at det ikke lenger finnes negative verdier for predikert vannføring. Man må derfor regne med at dette er en bedre regresjonssammenheng for lavvannssituasjoner.

Men sammenhengen mellom ekte og predikert vannføring ser ikke ut til å være lineær for høye vannføringer, og RMSE er også beregnet som større for denne sammenhengen enn den forrige.

Det blir derfor et prioriterings-spørsmål om man foretrekker den ene eller andre regresjonen. Videre søken etter andre funksjonssammenhenger kan også være aktuelt. (Trinnvise sammenhenger, for store og små verdier, kan søkes via å sette min/max-verdier i startvinduet til regresjonsmodulen.)



## **Ekstremverdianalyse (1)** Hva er ekstremverdianalyse?

- En ekstremverdianalyse søker å finne fordelingen for ekstreme hendelser (enten ekstremt små eller ekstremt store). Slike hendelser har ofte ekstreme konsekvenser også, derfor er det viktig å vite hvilken risiko det er for at hendelser av ulik grad av ekstremitet skjer.
- En slik analyse skjer ved å tilpasse de mest ekstreme hendelsene i datasettet med en teoretisk sannsynlighetsfordeling.
- I hydrologi er 10-års, 100-års- og 1000-års-flommer aktuelle størrelser. Flomfrekvensanalyse er ekstremverdianalyse av maksimale vannføringshendelser. En X-års-flom er en flom-hendelse som er slik at sannsynligheten for at den skjer et gitt år er 1/X.
- NB: Dette betyr ikke at en 10års-flom garantert skjer hver tiende år. I stedet betyr det at man kan forvente at vannføringen går over 10årsflommen i 100 av 1000år.
- Analyse av minimale vannføringshendelser, kalles ofte lavvannsanalyse.
- Det finnes to veldig forskjellige typer ekstremverdianalyse:
  - 1. Årsblokk-analyse, der man henter den største/minste verdien innen hvert år. (Andre tidsoppløsniner kan også tenkes). Her er den såkalte GEVfordelingen det som brukes oftest. Gumbel-fordelingen er en spesialvariant som kan benyttes for små datasett.
  - 2. Peak-over-threshold-analyse (POT), der man ser på alle (uavhengige) hendelser som overstiger/understiger en gitt terskelverdi. Teorien antyder at Generalized Pareto-fordelingen skal være den beste.
- Selv om teori antyder hvilke fordelinger som bør brukes, er ofte ikke forutsetningene for teorien til stede.
   Det er derfor lagt inn mange fordelinger som kan benyttes i denne analysen.
- Tilpasning av teoretiske fordelinger til data skjer enten via momentmetoden (L-moment der det er tilgjengelig), max. likelihood eller Bayesiansk analyse. Man kan selv velge statistisk metode.
- Usikkerhet bør være av interesse i slik analyse. Både frekventistiske og Bayesianske mål på dette er lagt inn. (Kun Bayesiansk analyse tar hensyn til usikkerhet i selve estimeringen.)



## Ekstremverdianalyse (2) Oppstart og kompletthet

Henter stasjonen Nor (2.2.0) i DAGUT, setter alle år på og starter forsøker å starte ekstremverdianalyse.



Vi får her en spørsmål om vi vil fortsette, siden det er huller i datasettet. En titt på data vil fortelle oss at første år, 1936, ikke er komplett. Det går an å hente årsmaksimaler likevel, men det er ikke å anbefale i dette tilfelle. Vi trykker "nei" og fjerner det første året.



Merk at i tilfeller med interne hull i serien, vil det å interpolere over hull fjerne feilmeldingen, men datagrunnlaget er likevel ikke bedre. I slike tilfeller er det like greit å svare "ja" på spørsmålet ovenfor.

Arkivet "findata uten isreduserte dager" er laget nettopp for å lage huller i stedet for å bruke feilaktige data i ekstremverdianalyse. Arkivet «virtuelt isreduserte findata» er et alternativ, enn så lenge en stoler på denne metodikken.

NB: Merk at vi ikke velger oppløsning "år" og statistikk "maksimal" i DAGUT, selv om det er det vi ønsker å foreta ekstremverdianalyse for. Gjorde vi det, ville vi ikke ha noen mulighet til å foreta avgrensning på sesong eller foreta peak-over-threshold-analyse. Ekstremverdianalysemodulen tar seg av disse operasjonene selv.



#### **Ekstremverdianalyse (3)** Enkel flomfrekvensanalyse

Vi går nå videre med vannføringsdata for stasjonen Nor (2.2.0) til ekstremverdianalyse-modulen. Modulen er default innstilt på maksimal-analyse (flomfrekvensanalyse) på årsblokker.



10

20 50

100

200

500

1000

Vi trenger en teoretisk fordeling og velger GEV. Momentmetoden benytter i dette tilfelle Lmomenter, som det er tradisjon for å bruke i hydrologien (men ikke mange andre plasser).

Tar opp plott og tabell, for å se på flommene for de ulike gjentaksintervallene. Gjennomsnittelig maksimalverdi (middelflom): 1574.856

## Ekstremverdianalyse (4) Enkel lavvannsanalyse

Uten å gå ut av ekstremverdianalyse-modulen, kan vi også foreta en lavvannsanalyse på samme datasett. Vi velger da "minimalverdi-analyse" i stedet.





Norges vassdrags- og energidirektorat

#### **Ekstremverdianalyse (5)** Enkel peak-over-threshold-analyse

Igjen, uten å gå ut av ekstremverdianalyse-modulen, kan vi nå foreta en peak-over-threshold-analyse. Vi sette tilbake til "maksimalverdi-analyse" og forandrer analysetype-menyen til "ekstremer over/under terskel".



## **Ekstremverdianalyse (6)** Bruk av glidende statistikk og "varighet"

- Hvis man ønsker å få ut et hvor ekstremt vannvolumet kan være over en tre-dags-periode (for eksempel), kan man sette på glidende midling før man sender data til ekstremverdianalyse-modulen. (Dette var en opsjon i de gamle EKSTREM-programmet også. Der het glidende midling for "varighet". Ordet "varighet" reserverer vi for lengden av tidsperioden der terskelen i en POTanalyse overgås, nå.)
- Dette kan gjøres både i DAGUT og FINUT. Se egen seksjon om glidende midling og andre typer glidende statistikk for hvordan dette brukes.
- Hvis du f.eks. ønsker å utføre ekstremverdianalyse for hvor stort vannvolum som går igjennom på en tredagers-periode, kan man bruke "sum avløp" og glidende 3-dagers-sum. NB: Merk at i en maksimalverdi-analyse vil glidende maksimum ikke gi noe annet enn hvis man ikke foretok glidende statistikk. (Tilsvarende for minimumsverdi-analyse og glidende minimum).


#### **Ekstremverdianalyse (7)** Multiple estimeringsmetoder

Vi skal nå kjøre en analyse med to ulike estimeringsmetoder, L-momenter og max. likelihood (ML). (Går tilbake til maksimalverdier på årsblokk-form). Velger igjen GEV-fordelingen, men nå med disse to estimeringsmetodene.

- L-moment-metoden går ut på å sette parametrene i den teoretiske fordelingen slik at dens L-momenter (en spesiell type oppsummerende statistikk) er det samme som L-momentene til datasettet.
- Max. likelihood-metoden går i stedet ut på å sette parameterne i den teoretiske fordelingen slik at datasettet blir maksimalt sannsynlig under denne begrensningen.
- Man får nå to parameter-estimater
   i stedet for en og to grafer i stedet for en.
- Merk: Dette gir ikke stor innsikt i den \*<u>egentlige</u>\* usikkerheten i fordelingen! Det angir bare at ulike estimeringsparadigmer gir ulike resultater og at en ikke bør putte alt for mye tillit i et enkelt parameterestimat.
- Merk også at for enkelte fordelinger (normalfordelingen, lognormal, beta) er det momentmetoden, ikke L-momentmetoden som benyttes.
   Dette står på trykk-knappen, men du kan også sjekke beskrivelsen via knappene "Hva er en ...-fordeling".



#### **Ekstremverdianalyse (8)** Flere fordelinger samtidig

Man kan analyser v.h.a. flere fordelinger samtidig. Det er ikke alltid sikkert man vet på forhånd hvilken fordeling som er best.

- I dette tilfelle brukes alle fordelingen (med MLmetode) unntatt Pareto (som kun er giret mot POTanalyse).
- Plottet viser en hel del sprik for de fleste verdier.
   Fordelingene er slettes ikke "enige" om hvor veien skal gå...
- Sammenligning av de ulike fordelingen har tradisjonelt blitt gjort visuelt.
- For ML-estimering er det også mulig å sammenligne fordelingene via et kriterie kalt BIC (Bayesian Information Criterion). Det er et frekventistisk (klassisk) modell-seleksjons-kriterie hvis begrunnelse ligger i Bayesiansk statistikk. Lavest mulig verdi er best. Trykk "Evaluer fordelingene" for å få opp dette.

Sammenligning av distributionser \*\*\*\*

maksimums-analyse f	or	2,2,0	Va	nnføring	9 Nor	ver:2	1	1937-1997	HYDAG	Døgn
Normalfordelingen	,	BIC=		939,759	Sannsy	nlighet	=	0.001555%		
Log-normalfordelinge	n,	BIC=		920,413	Sannsy	nlighet	=	24.7%		
Gamma-fordelingen	,	BIC=		930,923	Sannsy	nlighet	=	0,129%		
Gumbel-fordelingen	,	BIC=		918,536	Sannsy	nlighet	=	63,13%	(best)	
GEV-fordelingen	,	BIC=		921,851	Sannsy	nlighet	=	12.03%		
Weibull-fordelingen	,	BIC=		942,270	Sannsy	nlighet	=	0.00044322	ζ.	



74

#### Ekstremverdianalyse (9) Frekventistisk usikkerhet

Det finnes metoder for usikkerhetsanslag i frekventistisk (klassisk) statistikk. Bootstrap er en slik metode, der man enten re-henter data fra datasettet (ikke-parametrisk bootstrap) eller henter nye data fra den estimerte fordelingen (parametrisk bootstrap). Dette gjøres mange ganger. Man analyserer nå dette settet av datasett på ny og får så et sett med nye parameterestimater.

Denne usikkerhets-estimeringen er litt usikker i seg selv, siden estimering av og til kan feile og siden metodikken er tyngre enn Bayesians metodikk og man derfor ofte setter antall bootstrapiterasjoner lavt (default 100 her).

- Trykk på "angi usikkerhet i kvantiler" før du trykker "vis plott" eller "vis kvantiler".
- Det kommer nå opp et vindu med diverse valg. Du kan velge antall bootstrap-iterasjoner. (Her har jeg satt den opp til 1000 får å få et bedre anslag, men dette tar mye tid).
- Man kan også velge mellom parametrisk og ikke-parametriskbootstrap.
- Sistevalget bør bare stå på. Det er dårlige erfaringer med det 
  motsatte.
- Usikkerhetsbåndene angir 5%- og 95%-kvantilen til fordelingsfunksjonen for settet av bootstrappede parameterestimat. (Bayesianske bånd vil derfor være litt videre selv hvis det var fullt samsvar mellom denne analysen og bootstrapanalyse).
- Merk at estimatet (rødt) ikke tar hensyn til parameterusikkerheten.



### **Ekstremverdianalyse (10)**

Hva skal man få ut av en analyse? Bayesiansk tenkning vs klassisk tenkning

Fra gammelt av har man vært fornøyd med et analyseresultat (f.eks. hva gjelder 10-års-flom) hvis man får et estimat, et punkt på en tall-linje.





10-års-flom

#### **Ekstremverdianalyse (11)** Hvorfor Bayesiansk estimering?

Fordeler med Bayesiansk metodikk:

- 1. Tar hensyn til parameter-usikkerheten hele veien.
- 2. Usikkerheter er dermed enkelt å vise når analysen er gjort.
- 3. Har man faglig førkunnskap kan denne benyttes. Hvis ikke kan generell erfaring brukes.
- 4. Tar hensyn til parameterusikkerheten i estimeringen av gjentaksintervall-verdier (kvantiler).\*
- 5. Mer avanserte modeller er ofte enklere å estimere Bayesiansk enn frekventistisk (Eks: Renard's regional ekstremverdianalyse). Kjører man Bayesiansk på de enklere modellene er overgangen enklere og erfaringer kan viderebringes.

Ulemper med Bayesiansk metodikk:

- 1. Skulle man kun være interessert i estimater, ikke usikkerhet, kan Bayesiansk metodikk virke sakte og omstendig.
- 2. Førkunnskap er ikke alltid enkel å spesifisere og default førkunnskap kan man ofte krangle på.
- 3. MCMC tar tid, default kjøreparametre kan feile og brukeren har ofte ikke forhold til MCMC.

\* Egen simulering angir at L-momenter og ML i snitt estimerer 700-års og 800-års-flommen når du ser på 1000-års-flommen for 100 år med data. Bayesiansk treffer mye bedre, antageligvis nettopp p.g.a. dette.



#### Ekstremverdianalyse (12) Bayesiansk estimering

Bayesiansk parametertilpasning går ut på å finne fordelingen til parameterne gitt data (a' posteriori-fordelingen. Dette gjøres ved å først spesifisere fordelingen til parameterne før data (a' priori-fordelingen) og så bruke likelihood til å oppdatere denne (med Bayes formel).

Dette blir gjort via en numerisk metode kalt MCMC, som kan være litt tung. Estimeringen tar dermed litt lengre tid.

- Man klikker først inn på Bayesiansk estimering på den fordelingen man er ute etter.
- Det kommer nå opp et vindu der man kan spesifisere kjøreparametre samt en del ting ved a' priori-fordelingen. (Dette ved at man sier hvor man forventer parameterne å være med 95% sannsynlighet. Et sett default-verdier er gitt.) Man klikker så "ok".
- Både plott og tabell vil vise estimert kurve med usikkerhet. Parameterne er også angitt med usikkerhet.
- Estimatet (rød kurve) som vises er den såkalte prediksjonsfordelingen, som tar hensyn til parameterusikkerheten.
- Usikkerhetsbåndene (grønne kurver) angir 2.5%- og 97.5%-kvantilen til fordelingsfunksjonen for hver verdi.





#### **Ekstremverdianalyse (13)** Bayesiansk fordelingssammenligning

- Man kan også velge multiple fordelinger med Bayesiansk estimering. Man vil da automatisk få opp modellsammenligning via modellsannsynligheter.
- Det er også mulig å få en totalmodell som en mikstur av de ulike valgte, vektet med sin modellsannsynlighet (fordeling ubetinget på modellvalget).
- Analysen vil ta en hel del tid og hvis man velger mange teoretiske fordelinger kan plottet bli litt kaotisk. Det kan da lønne seg å fjerne noen av grafene inne i plottemodulen.

2,2,0 Vannf Min: 66,88 Hvilke hvilk	øring Nor ver:2 1937–1997 9259 Maks: 3712.873047 Snit skurvetilpasninger (hvis noen	HYDAG Døg st: 290,3403 ) skal vises	n: Sesong: 01/01-31/12 Sett	: sesong	
_ Normalf	ordeling (moment=likelihood) ordeling (Bayesiansk)		Hva er en gaussfordeling?	Brukes i histogramtilpassing for ting som kan ta både positive og negative reelle verdier. Eks: temperatur, vannstand vs datum.	
Lognoria	alfordeling alfordeling (Bayesiansk)	H	va er en lognormalfordeling?	Brukes i histogramtilpassing for ting som kan ta kun positive reelle verdier, Eks: vannføring, energi, volum.	
I Gammafo I Gammafo ■ Gammafo	rdeling (momentmetode) rdeling (max likelihood) rdeling (Bagesiansk)	H	va er en gammafordeling?	Brukes i histogramtilpassing for ting som er kvadratet av andre ting, eller summen av slike. Ingen hydrologiske standardanvendelser kjent.	
⊨ Bayesians	k modellgjennomsnitt			X	
Analyse-type:	Ekstremer for gitte tidsperi	oder (normal	lt år) 💷		
WB: Av og til største gjente Grunn-enhet f	kan kurve-tilpassingene skjere ks-intervallene. Dette skylde: or gjentaksintervall-analysen:	e oppover på s nok numeri : Års -	ide ske feil. ⊐ -intervall		



#### **Ekstremverdianalyse (14)** Mer om POT-analyse – avhengige topper (1)

- I POT-analyse er det en hel del opsjoner for å fjerne avhengige topper. For å illustrere hva avhengige topper er, vises her findata for vannføring fra Farstadelva, desember 2003.
- Hadde vi brukt en terskel på 5.5m<sup>3</sup>/s (rød linje), ville den lille toppen 20/12 (rød pil) etter stortoppen 18/12 i denne perioden behandles som en separat hendelse. Det er den klart ikke.
- Hadde vi brukt en terskel på 3.2m<sup>3</sup>/s (blå linje), ville toppen rundt 24/12 (blå pil) bli behandlet som en separat hendelse. Hvorvidt det er det kan diskuteres, men vannføringen hadde definitivt ikke gått tilbake til normalt (rundt 1m<sup>3</sup>/s) fra forrige flomhendelse. I tillegg kommer enda en topp 26/12 (grønn pil).
- Vi trenger derfor metoder for å hindre at slike lokale småtopper rundt de egentlige flomhendelsene blir med i analysen.



#### **Ekstremverdianalyse (15)** Mer om POT-analyse – avhengige topper 2

Maksimalverdi-analuse (flom)

■ Normalisering: Normal årsmaks:6,727823

□ General Extr. Value (momentmetode)

Hvilke hvilke kurvetilpasninger (hvis noen) skal vises

Farstadelva har blitt valgt med vannførings-data fra 1/1-2000 på timesoppløsning. Skal nå se på analysegrunnlaget for en POT-analyse uten noen strategi for fjerning av avhengige ekstremperioder.



Toppen 20/12 (uthevd) blir med i analysen nå, noe som neppe er ønskelig.

Det finnes noen alternativer selv for dette strategivalget. Man kan sette grenser på varighet eller flom-volum. Setter vi varighet=ett døgn, fås analysegrunnlaget til høyre. Her har vi dessverre fjernet alt for mye. Grenser på varighet og volum er ikke spesielt giret på fjerning av avhengige topper. Det er andre hensyn som ivaretas med disse opsjonene.

Oversikt over maksimalverdi-data fra HYKVAL\_POINT for: 0107.00003.000.01001.001 Periode: 01.01.2000 00:00 - 09.08.2013 23:00 1 time middelverdier Total 119281 punkter, 118987 punkter med data ( 99.8%%) Bra grunnlag for statistikk Knekkpkt-oppløsning på ekstrem-verdiene

107.3.0 Vannfaring Farstadelva v/Farstad veril Gjønnomsnitt 01.01.2000 00:00-09.08.2013 23:00 HYKVAL 1 time: Sesong: 01/01-31/12 Sett sesong Min: 0.005832 Maks: 10.345403 Snitt: 1.115031

Nr	Start-tid	Slutt-tid	Varighet	ekstrem-tidspkt	ekstrem-verdi	volum
1 1	L8,12,2003 06:16	19,12,2003 11:58	1,23807	18,12,2003 18:00	8,00	1,1214e+05
2 1	L8.03.2010 14:57	20,03,2010 00:50	1,41243	18,03,2010 20:00	10,95	2,4486e+05
3 1	L0.10.2011 04:44	11,10,2011 10:08	1,22503	10,10,2011 16:00	9.04	1,9549e+05

Minimalverdi-analyse (lavvann)

Brukes i tilpassing til ekstremer over perioder (år). Eks: Vanlig flomfrekvensanalyse.

Brukes i tilpassing til ekstremer over perioder (år) når man har få data.

Brukes til tilpassing for ekstremer over (eller

nni, volum: 🚦

antiler



<mark>av statistisk uavhengighet</mark> Evaluer fordelinger

#### **Ekstremverdianalyse (16)** Mer om POT-analyse – avhengige topper (3)

Oversikt over maksimalverdi-data fra

Bra grunnlag for statistikk

Periode: 01.01.2000 00:00 - 09.08.2013 23: Total 119281 punkter, 118987 punkter med

Bruker nå isteden strategien "sekundærgrense+tid mellom topper". Et nytt sett grafiske komponenter dukker opp.

Over Peri To

Alternativt kan man slå av sekundærgrensen og sette minimal tid mellom ekstremer til en uke.



Igjen er toppen 20/12 blir ikke med. Merk at resultatet likevel ikke er helt likt det vi fikk med sekundærgrense (uten minimal tid)

oppløsning på ekstrem-verdiene	tia).				
Nr Start-tid Slutt-tid	Variance ensurem eraspice	ONSOLON VOLUT	VOIGH	Incor evene vorum	THESI SVEHE VAL THESE
1 10.11.2001 14:50 10.11.2001 16:28	0.06821 10.11.2001 16:00	5,58	326,38	0	0
2 28,09,2002 19:54 30,09,2002 14:28	1.77409 30.09.2002 13:00	6,07	4486.3	20.33655	1.62987
3 18,12,2003 06:16 20,12,2003 07:21	2.04522 18.12.2003 18:00	8,00	1.1824e+05	233,62599	0.52893
4 23.12.2005 20:34 24.12.2005 00:23	0.15949 23.12.2005 22:00	6.28	6449.6	. 0	. 0
5 06.02.2006 15:30 07.02.2006 00:40	0.38247 06.02.2006 19:00	6,80	25134	ò	Ó
6 02.02.2007 08:09 02.02.2007 16:20	0.34119 02.02.2007 12:00	6.25	12240	Ó	Ó
7 02.09.2007 15:11 03.09.2007 00:39	0.39501 02.09.2007 19:00	7.26	35410	Ó	Ó
8 07.09.2007 08:10 08.09.2007 16:48	1.35986 07.09.2007 14:00	6,93	45699	395,91355	0.23157
9 28.01.2008 23:15 29.01.2008 12:55	0.56953 29.01.2008 02:00	7.04	44071	0	0
10 16.11.2008 06:24 16.11.2008 08:39	0.09383 16.11.2008 08:00	5,68	942.12	ò	ó
11 27.11.2008 04:34 27.11.2008 17:43	0.54860 27.11.2008 10:00	7.37	46396	ò	Ó
12 11.03.2010 06:18 12.03.2010 02:38	0.84736 11.03.2010 14:00	6.64	54538	ò	Ó
13 18,03,2010 14:57 21,03,2010 01:16	2,42986 18,03,2010 20:00	10,95	2.7754e+05	148,65095	0.39502
14 23.09.2010 10:42 23.09.2010 11:51	0.04833 23.09.2010 11:00	5.54	79,744	0	0
15 05.11.2010 13:23 05.11.2010 16:40	0.13728 05.11.2010 15:00	5,99	3665	ŏ	ŏ
16 24.01.2011 11:54 24.01.2011 20:05	0.34144 24.01.2011 15:00	7.14	26803	ò	ó
17 23.09.2011 09:45 24.09.2011 01:15	0.64633 23.09.2011 20:00	6.85	31406	38,61188	0.12347
18 10.10.2011 04:44 11.10.2011 10:08	1.22503 10.10.2011 16:00	9.04	1.9549e+05	0	0
19 29.02.2012 05:15 01.03.2012 21:19	1,67013 29,02,2012 13:00	6.44	26659	590,37072	0.89160
20 16.09.2012 06:55 16.09.2012 11:09	0,17660 16,09,2012 09:00	5,96	4306.8	0	0

#### Ekstremverdianalyse (17) Mer om POT-analyse – avhengige topper (4)

Bruker nå isteden strategien "inter-event".

Her fokuseres det på hva som skjer mellom hendelser (altså hva som skjer fra man går under terskel til man går over igjen). Man kan sette restriksjoner på hvor lite tid eller lite vannvolum man tillater.

Igjen blir toppen 20/12 fjernet, men flere topper er borte enn når vi valgte å fjerne på bakgrunn av tiden mellom topper.



0.17660 16.09.2012 09:00



18 16,09,2012 06:55 16,09,2012 11:09

#### **Ekstremverdianalyse (18)** Mer om POT-analyse – avhengige topper (5)

Bruker nå isteden strategien "sequent peak".-

Min forståelse er forholdsvis begrenset, men jeg tror to topper anses som uavhengige hvis man tenker seg å magasinere det vannet som er over terskel og så tømmer magasinet igjen i et forsøk på å opprettholde terskel-vannføringen før neste topp kommer.

Det er her ingen manuelle valg å foreta seg. Metoden er derfor enkel i bruk og "objektiv".

Igjen blir toppen 20/12 fjernet, sammen med tre andre topper.

Sequent peak er giret mot å gi fyllingstid/fyllings-varighet, heller enn maksimalverdier.





#### **Ekstremverdianalyse (19)** Mer om POT-analyse - analyse av varighet/volum heller enn maksimalverdier

I POT-analyse kan man velge å bruke varighet eller volum som datagrunnlag, heller enn maksimalverdiene.

Det er her mindre grunn til å anta Paretofordelingen, så andre fordelinger kan velges.

I dette tilfelle, var det gamma-fordelingen som ble ansett for best av en Bayesiansk analyse.

Analyser antyder at hendelser der vannføringen er over 5.5m<sup>3</sup>/s i 7 døgn har et gjentaksintervall på 1000år. Usikkerheten er likevel stor (3 døgn-10døgn).



#### **Ekstremverdianalyse (20)** Editering av analysegrunnlaget



### **Reguleringskurve (1)**

- En reguleringskurve skal gi deg (årlig fordelingen av) hvor stort magasin som kreves for å kunne kjøre konstant tapping, som funksjon av denne tappingen.
- Et eget skriv om dette finnes på: <u>https://www.nve.no/media/2354/reguleringskurve.pdf</u>
- En kortere introduksjon finnes også på: <u>https://www.nve.no/media/2353/reguleringskurver\_kort.pdf</u>
- Til forskjell fra tidligere programmer, håndterer modulen findata (inkludert knekkpunktdata).
- Før modulen startes, må man hente inn en hull-fri måleserie. (Man trenger ikke å sørge for at første og siste årsblokk i DAGUT er komplett. Hvorvidt man skal benytte seg av maksimale årsvolum for slike år avhenger av hva brukeren setter.)
- Modulen startes ved å velge "Analyse->regulerings- og summasjonskurve".



#### **Reguleringskurve (2)** Summasjonskurve-opsjoner

- Vinduet som dukker opp lar deg styre om du vil vise en summasjonskurve (akkumulert vannvolum justert med en gitt tapping) eller reguleringskurve.
- Skal gå gjennom summasjonskurven først, men merk at dette kun er en opsjon, for å bedre innsikten.
- For visning av summasjonskurve, kan man sette 1. Normalisering 2 Tapping 3 Visning av årsskiller 4 Sette starten av året. Ren summasjon iii 3/3 Tappingt 🚦 🕹 Summasjon minus spesifisert tapping Gjennomennitteling vænnførningt (339,995 m^32/e 🕹 Summasjon minus snittvannføring Årets start: 1 Vannføring og år 🚺 volum i snittenheter (normalisering) 📕 Vis årskiller i summasjonsplott 💷 Vis lagring og maksverdi per år 💷 Brut ufullstænding ændæpurd t-år Steg: 2.899 Slutt: 289,9551 erval: Start: 0.000000 Reguleringskurves tappe m^3/s lott summasjonskurve lott reguleringskurv

4 Opplagret magasinvolum og maksimalvolum 5. Vise dette (4) også for ukomplette start- og slutt-år.

- Med opsjon (1), (2), (4) satt på, skal en slik visning gi en grafisk oppsummering av hvordan et punkt på reguleringskurva regnes ut.
- Normalisering gjør at en ser vannføring i enheter av middelvannføring og volum i enheter av gjennomsnittelig årsavløp.

#### **Reguleringskurve (3)** Summasjonskurven (1)

Hvis man nå velger å se på summasjonskurve justert for tapping, med visning av årsskiller og opplagret magasinvolum, får man følgende graf:

Blå areal viser magasinering tid. Røde linjer er årsmaksim	vannføring enn gen til enhver malene av dette.	i ).	300 · 200 · 1	950	·3/s 90	ks. årsø 2-persen	naksim	ma (ugi for år:	1960	tigste;	v 	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	.950	): (	41.744	4	1970		198(	 		 Tid	
							and and			007													

plott Vis histogram over årsmaksima Vis årsmaksima-tabell

#### Reguleringskurve (4) Summasjonskurven (2)

For å gi økt innsikt i hvordan punktene i reguleringskurva utregnes, de statistikkene som benyttes i reguleringskurva, samt histogram- og tabell-visning for de som vil gå i detalj på hvordan disse statistikken ble beregnet.



Histogram over årsmaksimalene (årlige maksimale magasinvolum).

Oppsummerende tabell over årsmaksimalene.

#### **Reguleringskurve (5)** Reguleringskurve-opsjoner (1)

- Noen av opsjonene i hovedvindu for summasjons- og reguleringskurve påvirker også reguleringskurve-visningen. Her er disse:
- 2 Sette starten av året. Årskillet påvirker hvordan årsmaksimer beregnes. 1. Normalisering Ren summasjon ₩ 3/s Tapping 🔷 Summasjon minus spesifisert tapping htteling vannføringt (330,955 m^5/s 6. Jennomen 🕹 Summasjon minus snittvannføring Årets start: 🧏 🗇 Vannføring og årlig volum i snittenheter (normalisering) 📕 Vis årskiller i summasjonsplott 🗇 Vis lagring og maksverdi per år 🗇 Bruk ufullstærding endepunkt-år lott summasjonskurve Reguleringskurves tappeinterval: Start: 0,000000 Slutt: 289,9551 Steg: 2,899551 m^3/s Plott reguleringskurve

3 Tappeintervall og steglengde. Normalt vil man gå fra null til middelvannføringen, men andre intervaller kan angis. (Med normalisering, vil dette gå fra 0 til 1 i steg på 0.01, default). Steglengden styrer hvor detaljert man går til verks i grafen.



#### Reguleringskurve (6) Reguleringskurve-opsjoner (2)

- Noen av opsjonene i hovedvindu for summasjons- og reguleringskurve påvirker også reguleringskurve-visningen. Her er disse:
- 1. Normalisering 2 Sette starten av året. Årskillet påvirker hvordan årsmaksimer beregnes. Ren summasjon iii 373 Tappings Summasjon minus spesifisert tapping 6.jennoms itteling vannføringt (339,955 m^3/s 🔷 Summasjon minus snittvannføring Årets start: 1 / Ъ 🗇 Vannføring og årlig volum i snittenheter (normalisering) 📕 Vis årskiller i summasjonsplott 🛄 Vis lagring og maksverdi per år 🛄 Bruk upbilstænding endepunkt-år Slutt: 289,9551 Plott summasjonskurve Reguleringskurves tappeinterval: Start: 0.000000 Steg: 2.899551 m^3/s Plott reguleringskurv

3 Tappeintervall og steglengde. Normalt vil man gå fra null til middelvannføringen, men andre intervaller kan angis. (Med normalisering, vil dette gå fra 0 til 1 i steg på 0.01, default). Steglengden styrer hvor detaljert man går til verks i grafen.



#### Reguleringskurve (7) Reguleringskurven

Når man har satt opsjonene slik man ønsker, kan man trykke "plott reguleringskurve".

Her ser man tre grafer, median for årsmaksimal, bestemmende kurve (90%-persentil for årsmaksimal) og ugunstigste kurve (total maksimal over tidsserien), som funksjon av tappingen.

Man kan zoome inn, skrive ut eller forandre visningen akkurat som for andre plott.

Mange er vant med at reguleringskurvens y-akse bare går opp til 100% gjennomsnittelig årsavløp. En slik avgrensning ble ansett som unødvendig, men man kan zoome inn slik hvis man vil.





### **Reguleringskurve (8)**

#### Kobling mellom reguleringskurve og summasjonskurve

Koblingen mellom reguleringskurve og summasjonskurve kan ses hvis man bruker **midtre mustast** (trykke på "scrollehjulet") i reguleringskurven. Man får da opp summasjonskurven som viser beregningsgrunnlaget for reguleringskurven for den tappingen man klikket på.





#### Tunnelkapasitetskurve (1) Oppstart

Tunellkapasitetskurver viser sammenhengen mellom hvor mye vann som går i et rør og størrelsen på en tunnel for en komplett vannføringsserie. Denne tidsserien kan simuleret bli sendt igjennom magasiner av ulike størrelser. Det er dette som gjør at denne analysen ikke er en del av histogram/varighetskurve-modulen (som også inneholder slik analyse men kun for vannføringsserier som ligger direkte tilgjengelig i databasen).



#### Tunnelkapasitetskurve (2) Hovedvindu (1)

Her velger man steglengden i plottingen og hvor høyt plottet skal gå hva gjelder tunnelkapasitet. Velges steglengden for grovt, vil kurven se hakkete ut og være noe unøyaktig, mens hvis den velges veldig fint vil analysen ta mer tid.

ĺ	🗙 Tunnelkapasitetsanalyse				
	Gjennomsnittelig vannføring: Relative tunnelkapasitet og m	290,3485 m^3/s, gjennomsnittel nagainvolum blir satt i forhold	ig årlig avløp: 9162.7030 mill. m′ til dette.	.3	
ļ	Steglengde for tunnelkapasi	tetberegnings-plott: 5	X Maks. tunnelkapasitet	i plott: 300 Z F Re	lativ vannføring:
	Sesong: 1	- 31 / 32			<i>w</i>
	Antall magasin-tester: 5	Sett antall magasin-tester	Volum-visning: ◆% av årlige	volum 🔷 🕻 av sesongvolum	∲Årlig volum i mill. m^3
	Volum 1: <b>0.000000</b> *				
	Volum 2: 1.000000 %				
	Volum 3: 5.000000 %				
	Volum 4: 10.00000 %				
	Volum 5: 15,00000 %				
	Vis plott Vis tabell Avbr	r <mark>yt</mark> 🔷 Sluke-evne 🗼 Ta	P 🔶 Sluke-evne og	tap 🔲 Sum lavere intervall (tapsfr	∿i overføring):
1	A				

Relevant oppsummerende statistikk for analysen (snittvannføring og snitt for årlig avløp).

> Tunnelkapasiteten (rør/tunnel-størrelsen) kan oppgis i prosent av snittvannføring eller i ren vannføring (m<sup>3</sup>/s). Per default velges det første.

> Overførings/taps-volum kan oppgis i prosent av årlig snittvolum, sesongens snittvolum eller i absolutte volum (millioner m<sup>3</sup>/år). Merk at hvis % av sesongvolum velges kan dette overstige 100% siden magasinet kan lagre opp vann utenfor sesongen.



Norges vassdrags- og energidirektorat

#### Tunnelkapasitetskurve (3) Hovedvindu (2)

Sesongen som benyttes til å telle opp overføringsvolumet kan settes her. (Merk at selve simuleringen gjøres for hele året). Antall simulerte magasiner spesifiseres her. Trykk på «sett antall magasin-tester» for å gjøre om på magasinspesifiseringen under dette.

Merk at første «simulering» alltid er uten magasin (altså tidsserien selv), så vil du ha i hvert fall ett magasin, må antall magasin.-tester i hvert fall være 2.

🔀 Tunnelkapasitetsanaly je		×
Gjennomsnittelig vannføring: 290.3485 m^3/s,	gjennomsnittelig årlig avløp: /162.7030 mill. m^3	
Relative tunnelkapasitet og magainvolum blir	satt i forhold til dette.	
Steglengde for tunnelkamasitetberegnings-plo	ott: <mark>5</mark> X Maks. tunnelkapasitet i plott: <mark>300</mark> X <b>F</b> Relativ vannføring:	
Sesong: 1 / 1 - 31 /	32	
Antall magasin-tester: 5 Sett antall	l magasin-tester vlum-visning: ◆% av årlige volum →% av sesongvolum →Årlig volum i mill.	. m^3
Volum 1: <mark>0.000000</mark> %		
Volum 2: <b>1.000000</b> Z	Her spesifiserer du magasinstørrelse i	
Volum 3: 5.000000 %	volum eller sesongvolum) er valgt og i	
Volum 4: 30.00000 Z	millioner m <sup>3</sup> /år hvis dette er valgt.	
Volum 5: 15.00000 Z		
Vis plott Vis tabell Avbryt 💠 Sluke-ev	ne ◇Tap ◆Sluke-evne og tap ⊐Sum lavere intervall (tapsfri overføring):	
± ■	Norges vassdrags- og energidirektorat	

#### Tunnelkapasitetskurve (4) Hovedvindu (3)

Ofte er default-innstillingene det man er ute etter og man kan gå rett på analysen, enten fremstilt grafisk («vis plott») eller i tekstlig tabell («vis tabell»).



Default vises både tunnelens sluke-evne og hvor mye av vannet som tapes. Men man kan også velge å bare se en av disse tingene (siden det ene gis av det andre). I tillegg kan tapsfri overføring vises, altså den mengden vann som går i rør/tunnel uten at noe vann samtidig går tapt. (Dette er det som heter «sum lavere intervall» i varighetskurve-sammenheng.)



### Tunnelkapasitetskurve (5)

**Tunnelkapasitetskurve-plott (1)** 





# Tunnelkapasitetskurve-plott (2)





# Tunnelkapasitetskurve-plott (3)

Her er «sluke-evne» (overføring) og «tapsfri overføring» valgt. Merk at kurven for tapsfri overføring alltid vil ligge over kurven for overføring for samme magasinstørrelse, siden det kreves større tunnel for å gjøre en gitt overføring tapsfri.





Men kurvene kan krysse hvis man ser på ulike magasinstørrelser.

Her ble færre magasiner valgt, for å ikke gjøre plottet alt for rotete.



## Tunnelkapasitets-tabell (1)



# Tunnelkapasitets-tabell (2)



Man får så opp en tekstlig tabell i et eget vindu. Der kan man skrive ut, lagre på fil, sende på epost eller klippe ut å lime inn i en tekst-editor.

PS: Merk at det er litt «luft» mellom kolonnene tilhørende forskjellige magasiner. Dette er for å avgi plass i tilfelle også tapsfri overføring er ønsket.

Total: r. etall #ling=22279. gl.cemfering=29.39 # 374, vl.aper fer       Sis null. #3         Threader Derrigets warenegder i perioden 0(.01.497 12:00-31.12.197 12:01 protent av fells tilling         A mering to average der i perioden 0(.01.497 12:00-31.12.197 12:01 protent av fells tilling         Sis null. #3         Die der fert tagt overfert tagt overfert tagt overfert tagt overfert tagt overfert tagt overfert tagt         Die der fert tagt overfert tagt overfert tagt         Die der fert tagt overfert tagt overfert tagt       Die der fert tagt overfert tagt         Die der fert tagt overfert tagt       Overfert tagt overfert tagt       Die der fert tagt       Die der fert tagt         Die der fert tagt overfert tagt       Die der fert tagt	Reguleringsku	urver 2.2.0.1001.2 (Vannfør	ing) Nor 01.01.1937 12:	00-31.12.1997 12:00 HYDAG	Døgn		
Durrefield         Derefield         Durefield         Hyperin         1.00         Hyperin		Totalt : antall m	ålinger=22279 , gj.vannf	øring=290.349 m^3/s, volu	•perår= 9163 mill. w	^3	
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Unne Les         Z         ao En           0.000         10.000         20.000           30.000         30.000         50.000           50.000         60.000         70.000           90.000         100.000         110.000           110.000         110.000         110.000           110.000         120.000         120.000           120.000         130.000         120.000           130.000         220.000         220.000           220.000         220.000         220.000           220.000         250.000         250.000           250.000         250.000         250.000           250.000         250.000         250.000	Uber-Farte         Vanniengier         1           Nagasi         0.002         over-fart         tago           0.102         over-fart         tago         over-fart           0.002         0.00         50.00         50.00         50.00           20.97         70.03         38.68         61.32         45.24         56.47           50.72         43.28         56.47         44.53         56.63         30.32         77.2,35         27.65         74.74         53.30         63.68         30.32         77.2,35         27.65         74.78         23.25         26.51         77.78         23.24         59.05         14.99         60.02         14.99         60.21         14.99         60.21         14.99         66.24         13.76         68         42.11.61         76.63         33.37         10.63         39.37         10.63         89.37         10.63         89.37         10.63         89.37         10.63         89.37         10.63         89.34         31.06         8.94         31.06         8.94         31.24         76.68         83.42         49.45         33.21         6.68         63.49         33.21         6.88         63.22.49         7.51         6.88         6	$\begin{array}{c} \text{perioden } 0.0, 0.1, 1357 \ 124\\ \text{Magasin } 1,002\\ \text{overfight } 6,039\\ 0.0,007\\ 0.$	$\begin{array}{rrrr} & \text{M-3.1, L2, 1397, 122, 001} & \text{pro}, \\ & \text{Magasin 5, 0,007} \\ & \text{overfight} & \text{safe} \\ & \text{10, 000, 081, 32} \\ & \text{20, 000, 781, 32} \\ & 20, 000, 781, 321, 321, 321, 321, 321, 321, 321, 32$	sert av 4r11g t.119 g Magasin 10,000 overført tapel 10,000 83,64 20,000 73,64 20,000 63,84 30,000 63,84 30,000 63,84 43,82 50,02 53,861 41,25 65,800 54,09 71,14 28,77 75,33 24,58 73,05 20,95 72,24 73,05 20,95 82,223 17,77 84,455 15,65 86,217 3,65 86,31 12,65 86,31 12,65 86,31 12,65 85,36 4,45 95,36 4,64 95,36 4,64 96,693 3,11 97,45 2,55 97,91 2,25 97,91 2,25 97,91 2,25 97,91 2,25 97,91 1,14 98,67 1,143 98,681 1,143 98,681 1,143 98,691 1,143 98,691 1,143 98,691 1,143 98,695 1,145 98,695 1,145 98,695 1,143 98,695 1,145 98,595 1,14	$\begin{array}{rrrr} Hagasin 15.002\\ overfart tart tart tart tart tart tart tart$	
	250,000 300,000 Turnel kap <i>X</i> av Um 500,000 400,000 400,000 500,000 500,000 500,000 500,000 500,000 500,000 500,000 500,000 1100,0	31,21 6,29 34,24 5,766 Overfært varengder 1 Magasin 0,002 overfært tapt 97,52 9,3,71 99,39 1,01 99,54 0,46 99,75 0,23 99,75 0,14 99,76 0,14 99,76 0,14 99,76 0,14 99,59 0,08 99,76 0,01 99,59 0,01 90,00 0,00 100,00 0,000 100,00 0,000 100,00 0,000 100,000 0,0000 100,000 0,0	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	37.133 2.102 98.25 1.75 98.25 1.75 98.25 1.75 00-31.12.197 12:00 i pro: Magasin 5.007 overfart tapt 99.02 0.98 99.33 0.62 99.33 0.62 99.37 0.03 99.37 0.03 99.39 0.01 100.00 0.00 100.00 0.00 100.	39.22 0.777 99.32 0.58 sent av &rlig tilsig Magasin 10.00% overført tapt 93.58 0.42 93.58 0.42 93.82 0.18 93.82 0.18 93.80 0.02 100.00 0.00 100.00 0.0	33.24 0.36 39.54 0.32 99.58 0.32 Magasin 15.00% overfart tapt 99.79 0.21 99.79 0.21 99.79 0.21 100.00 0.00 100.00	

